

www.9alami.com 1 نصري 2

www.9alami.com نصري 2

* ق ت د معرف بما يلي

$$\forall (x, y) \in \mathbb{Z}^2$$

$$x * y = xy - 3(x+y) + 12$$

1- ادرس التبادلية والجمعية

\mathbb{Z} في $*$

2 - حدد العنصر المحايد $*$ في \mathbb{Z}

3 - حدد العناصر التي تقبل حمانا

4 - ثبت أن $[3, \infty[$ جزء مستقر

في $(\mathbb{Z}, *)$

نصري 3

$$E = \left\{ M(x) = \begin{pmatrix} a^x & 0 & 0 \\ 0 & 1 & x \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} / x \in \mathbb{R} \right\}$$

$a > 0$ و

1- ثبت أن E جزء مستقر

في $(M_3(\mathbb{R}), \times)$

2 - حدد بنية (E, \times)

تكن φ الدالة العددية المعرفة على المجموعة

$$\mathcal{D} =]-\infty, -1[\cup]0, +\infty[$$

$$\forall x \in \mathcal{D} : \varphi(x) = \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) - \frac{1}{1+x}$$

1. ادرس تغيرات الدالة φ ، ثم استنتج أن:

$$\forall x \in \mathcal{D} : \varphi(x) > 0$$

2. باستعمال مبرهنة التزايد المتناهية، على الدالة \ln على المجال

$$[x, x+1]$$
، بين من جديد أن:

$$\forall x \in \mathcal{D} : \varphi(x) > 0$$

تكن f الدالة العددية المعرفة على المجموعة

$$\mathcal{D} \cup \{0\}$$
 بما يلي:

$$\begin{cases} f(x) = x \ln\left(1 + \frac{1}{x}\right) ; x \neq 0 \\ f(0) = 0 \end{cases}$$

1. ادرس اتصال وقابلية اشتقاق الدالة f على اليمين في 0.

2. احسب نهايات f عند محددات المجموعة $\mathcal{D} \cup \{0\}$.

3. احسب $f'(x)$ لكل x من \mathcal{D} ، ثم اعط جدول تغيرات f .

4. انشئ المنحنى (\mathcal{C}_f) .

5. تكن g الدالة العددية المعرفة بما يلي:

$$g(x) = f(-1-x)$$

ا- حدد \mathcal{D}_g حيز تعريف الدالة g .

ب- بين أن المنحنيين (\mathcal{C}_f) و (\mathcal{C}_g) متماثلان بالنسبة للمستقيم

$$x = -\frac{1}{2} \quad (\Delta), \text{ مطلا جواك.}$$

ج- انشئ المنحنى (\mathcal{C}_g) في المعلم السابق.

د- $\forall n \in \mathbb{N}^* : f(n) < 1 < g(n)$

$$\forall n \in \mathbb{N}^* : \left(1 + \frac{1}{n}\right)^n < e < \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{n+1}$$

هـ- استنتج أن:

6. ا- بين أن f تقبل من \mathbb{R}^+ نحو مجال J ينبغي تحليده.

$$f(x) = f^{-1}(x) \text{ المعادلة } \mathbb{R}^+ \text{ في}$$