

المادة : الفيزياء والكيمياء
الشعب (5) : العلوم الرياضية
المسلك : العلوم الرياضية أ و ب
المستوى : الثانية بكالوريا
مدة الاجاز : 4 ساعات
المعامل
7
1/5
اصفحة

المملكة المغربية

 وزارة التربية والتعليم العالي
 وتكوين الأئمة
 والبحث العلمي

الامتحان التجريبي الثالث
 دورة يونيو 2011

الأكاديمية الجهوية للتربية
 و التكوين لجهة
 الدار البيضاء الكبرى
 نيابة عين السبع الحكي
 المحمدي
 مجموعة مدارس أنيس

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة وينصح بإعطاء الصيغ الحرفية قبل إنجاز التطبيقات العددية

كيمياء (7 نقط)

من بين الاستعمالات الأساسية للكواشف الملونة استعمالها في المعايرات حمض-قاعدة .
 نعتبر محلولاً مائياً للأمونياك NH_3 باستعمال كاشف ملون .
 يهدف هذا التمرين إلى تحديد منطقة انعطاف كاشف ملون الذي نرمز لشكله الحمضي بالرمز $HInd$ وشكله القاعدي بـ Ind^- والتعرف عليه من بين الكواشف الملونة التالية:

الكاشف الملون	اللون الحمضي	منطقة الانعطاف	اللون القاعدي
البيلانتين	أحمر	4.4-3.1	أصفر برتقالي
أخضر البروميونيزول	أصفر	5.4-3.8	أزرق
أزرق البروميونول	أصفر	7.6-6.0	أزرق
الفتنول فتالين	عديم اللون	10-8.0	أرجواني

كما يهدف التمرين إلى تحديد pK_A المزدوجة NH_3/ NH_4^+ .
 تغطي عند $25^\circ C$ $K_A = 10^{-14}$

1) نعتبر محلولاً مائياً للأمونياك NH_3 وذا $pH=10.9$ نصب في كأس حجمًا $V_1=10mL$ من المحلول S_1 ونضيف إليه قطرات من كاشف ملون ثم نعايره بواسطة محلول مائي S_2 لحمض الكلوريدريك $(Cl^- + H_3O^+)$ تركيزه $C_2=5.10^{-2} mol.L^{-1}$ نحصل على التكافؤ عند صب الحجم $V_2=8ml$ من المحلول S_2 .

- 1-1) أكتب المعادلة الممنهجة للتفاعل الحاصل أثناء المعايرة. 0,25
- 1-2) حدد التركيز C_1 للمحلول S_1 . 0,5
- 1-3) أكتب معادلة تفاعل الأمونياك مع الماء في المحلول S_1 ثم أنشئ الجدول الوصفي للموافق لمعادلة التفاعل واحسب نسبة التقدم النهائي τ . 0,75
- 1-4) بين باستعمال الجدول الوصفي أن K_A ثابتة حمضية المزدوجة NH_3/ NH_4^+ تكتب: 0,75

$$K_A = \frac{10^{-pH}(1 - \tau)}{\tau}$$

- 1-5) أحسب pK_A المزدوجة NH_3/ NH_4^+ . 0,5
- 1-5) أحسب ثابتة التوازن الموافقة لمعادلة المعايرة . ماذا تستنتج؟ 0,5
- 1-6) نضيف حجمًا $V=60,4mL$ من الماء الخالص إلى حجم $V_1=20ml$ من المحلول S_1 فنحصل على محلول S_1' ذي $pH=10,6$ أحسب نسبة التقدم النهائي τ' في المحلول S_1' . قارن τ' و τ ماذا تستنتج؟ 0,5
- 2) يأخذ الكاشف الملون السابق في محلول مائي لون الشكل الحمضي إذا كان $[HInd] \geq 10[Ind^-]$. الشكل القاعدي إذا كان $[Ind^-] \geq 4[HInd]$. 0,5

- 1-2) حدد منطقة انعطاف الكاشف الملون المستعمل على سلم pH . تعطي $pK_A(HInd/Ind^-)=4.8$. 0,5
- 2-2) تعرف من خلال الجدول على الكاشف الملون المستعمل. 0,5

الجزء الثاني:

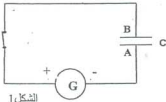
يستخدم التحليل الكهربائي لتحضير بعض الغازات والفلزات وتوضعات فلزية بعني طلاء فلزات بطبقة فلز آخر لحمايتها من التآكل أو لجعلها أكثر صلابة أو لتحسين مظهرها. يهدف هذا التمرين إلى تفضيخ إناء مساحته الإجمالية S بطبقة من الفضة سماكها e .
 المعطيات: الكتلة الحجمية للفضة $\rho(Ag)=10500Kg/m^3$. المساحة الإجمالية للإناء $S=1380cm^2$.

سمك طبقة الفضة $e=60\mu\text{m}$ ، الكتلة المولية للفضة $M(\text{Ag})=107\text{g/mol}$ الفارادي $F=96500\text{C/mol}$.

- (1) إشرح بإيجاز كيف يمكن تحقيق الهدف المتوخى من التمرين. 0,5
 (2) أكتب معادلة التحول الكيميائي الذي يحدث بجوار الكاثود. 0,5
 (3) أحسب كتلة الفضة المتوضعة على الإناء. 1
 (4) إحسب المدة الزمنية اللازمة لإتجاز هذه العملية علما أن شدة التيار هي $I=2\text{A}$ 0,75

تمرين 2 : الكهرباء (4,5 نقط)

تستعمل المكثفات لتخزين الطاقة الكهربائية بهدف استرجاعها قصد توظيفها في الدارات الإلكترونية والكهربائية. يهدف هذا التمرين إلى دراسة شحن مكثف وتفريغه عبر وشيعة.



الشكل 1

(1) الجزء الأول: شحن مكثف بواسطة مولد مؤتمل للتيار

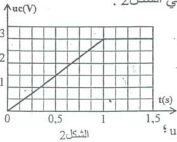
ننجز التركيب الكهربائي الممثل في الشكل 1 حيث G

مولد يزود الدارة بتيار كهربائي شدته ثابتة.

بنغلق عند اللحظة $t=0$ قاطع التيار K فيمر في الدارة

تيار كهربائي شدته $I=0,3\text{A}$ وندرس تغيرات التوتر u_C

بين مربطي المكثف بدلالة الزمن؛ فنحصل على المنحنى الممثل في الشكل 2.



الشكل 2

1.1- حدد اللبوس الذي يحمل الشحن الكهربائية السالبة. 0,25

1.2- اعتمادا على منحنى الشكل 2، اذكر معللا جوابك 0,25

هل كان المكثف مشحونا أو غير مشحون عند اللحظة $t=0$ ؟

1.3- بين أن تعبير التوتر u_C بين مربطي المكثف يكتب على

$$\text{الشكل: } u_C < u_{C_{\max}} \text{ بالنسبة لـ } u_C = \frac{I \cdot t}{C}$$

1.4- أعط تعبير $u_C = f(t)$ انطلاقا من المنحنى بالنسبة لـ $u_C < u_{C_{\max}}$ 0,5

وتحقق أن قيمة سعة المكثف هي: $C = 0,1\text{F}$ 0,5

1.5- بين أن تعبير الطاقة الكهربائية المخزونة في المكثف

عند لحظة t يكتب على الشكل: $E_e = \frac{1}{2} C u_C^2$ واحسب قيمتها القصوى $E_{e_{\max}}$. نذكر بتعبير القدرة

$$\text{اللحظية } P = \frac{dW}{dt}$$

(2) الجزء الثاني: تحديد معامل التحريض L لوشيعة

ننجز التركيب الكهربائي الممثل في الشكل 3 المكون من:

– مولد كهربائي قوته الكهرومحرركة: $E = 6\text{V}$

ومقاومته الداخلية مهملة.

– موصل أومي D_1 مقاومته $R_1 = 48\Omega$

– موصل أومي D_2 مقاومته R_2

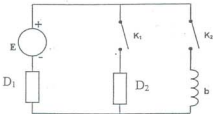
وشيعة (b) معامل تحريضها L ومقاومتها $r = R_2$

– قاطعي التيار K_1 و K_2

في مرحلة أولى: نحتفظ ب K_2 مفتوحا ونغلق K_1 ،

وفي مرحلة ثانية نحتفظ ب K_1 مفتوحا ونغلق K_2 .

يمثل الشكل 4 المنحنيين (أ) و (ب) لتغيرات شدة التيار الكهربائي المار في الدارة بالنسبة لكل مرحلة على حدة.



الشكل 3

2.1- أقرن معللا جوابك كل منحني بالمرحلة الموافقة له.

2.2- أوجد المعادلة التفاضلية التي تحققها شدة التيار الكهربائي $i(t)$ المار في الدارة خلال المرحلة

التي مكنت من الحصول على المنحني (ب).

2.3- يكتب حل هذه المعادلة على الشكل:

$i(t) = Ae^{-\lambda t} + B$ ؛ حيث A و B و λ ثوابت.

2.3.1- حدد تعبير كل من λ و B و A بدلالة المقادير المناسبة.

2.3.2- استنتج L .

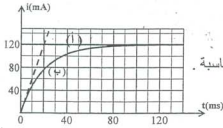
3- نشحن كليا المكثف السابق ونفرغه عبر

الوشية (ب). نعاين تغيرات u بدلالة الزمن

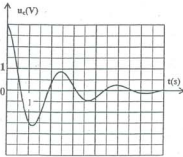
فنحصل على أحد المنحنيين الممثلين أسفله.

حدد معللا جوابك المنحني الموافق لهذه التجربة، علما أن شبه

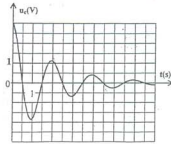
الدور يساوي الدور الخاص للمذبذب.



الشكل 4



(د)



(ع)

2- تضمين الوسع

تتكون دارة التضمين من دارة متكاملة X منجزة للجداء ،

تتوفر على منخلين E_1 و E_2 ومخرج S (شكل 4) .

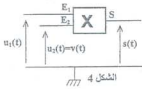
لمحاكاة تضمين الوسع، نطبق عند :

- المنخل E_1 الإشارة $u_1(t) = u(t) + U_0$

حيث $u(t) = U_m \cos(2\pi \cdot f \cdot t)$ الإشارة المضمّنة

و U_0 مركبة مستمرة (توتر الانزياح) .

- المنخل E_2 الإشارة الحاملة $u_2(t) = v(t) = V_m \cdot \cos(2\pi \cdot F \cdot t)$



الشكل 4

تعطي الدارة المتكاملة X توترا مُضمّناً $s(t)$ يتناسب مع جداء التورتين $s(t) = k \cdot u_1(t) \cdot u_2(t)$ مع k ثابتة تتعلق

فقط بالدارة المتكاملة X . يكتب $s(t)$ على الشكل $s(t) = S_m \cos(2\pi \cdot F \cdot t)$.

2.1- بين أن S_m وسع الإشارة المضمّنة يمكن أن يكتب على الشكل $S_m = A[m \cdot \cos(2\pi \cdot f \cdot t) + 1]$ مع تحديد

تعبير كل من نسبة التضمين m والثابتة A .

2.2- يعطي المبيان الممثل في الشكل (5) التورت

المضمّن $s(t)$ بدلالة الزمن t .

حدد انطلاقاً من هذا المبيان :

أ- التردد F للموجة الحاملة .

ب- التردد f للإشارة المضمّنة .

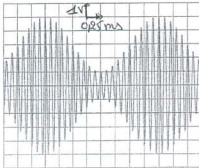
ج- الوسع الأدنى $S_m(\min)$ والوسع الأقصى $S_m(\max)$

للإشارة المضمّنة .

2.3- أعط تعبير m بدلالة $S_m(\min)$ و $S_m(\max)$.

احسب قيمة m .

2.4- هل تضمين الوسع جيد ؟ علل الجواب .



فيزياء 1- (نقط)

نهمل جميع الاحتكاكات و نأخذ $g = 10 \text{ N.kg}^{-1}$.

تعتبر بكرة ذات مجرىين قابلة للدوران حول محور (Δ) ثابت و أفقي يمر من مركز قصورها .

تغطي عزم قصور البكرة $J_A = 2.10^{-4} \text{ kg m}^2$.

نلف حول المجرى ذي الشعاع $R_1 = 2 \text{ cm}$ حيطا (f_1)

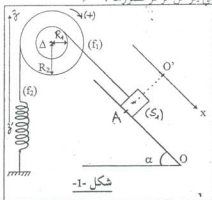
مرتبطا بجسم (S_1) تغطي كتلته $m_1 = 500 \text{ g}$ يمكنه الإنزلاق على مستوى مائل بزواية $\alpha = 30^\circ$ بالنسبة للمستوى الأفقي.

نلف حول المجرى ذي الشعاع $R_2 = 4 \text{ cm}$ حيطا (f_2)

مرتبطا بناهض لفاته غير متصلة و كتلته مهملة و صلته $k = 50 \text{ N.m}^{-1}$ (أنظر الشكل 1) .

الحيطان (f_1) و (f_2) غير قابلين للإنزناد والآنراق كتلهما مهملتان

1.1 - أوجد تعبير Δh إطالة النابض عند توازن المجموعة .



1.2 - نزيح الجسم (S_1) ، عن موضع توازنه ، نحو الأسفل بمسافة d ونحرره بدون سرعة بدئية . نحر النقطة O^*

أفضلول مركز قصور (S_1) عند التوازن أصلا للأفاصيل .

1.2.1 - أثبت المعادلة التفاضلية لحركة (S_1) .

1.2.2 - استنتج المعادلة الزمنية لحركة (S_1) . علما أنه أثناء حركته يمر (S_1) من موضع توازنه ($x = 0$) في اللحظة

$t = 0$ بسرعة $V_0 = 0,42 \text{ m.s}^{-1}$ في المنحى الموجب .

1.2.3 - أوجد تعبير T_{max} القيمة القصوى لتوتر الحيط (f_1) بدلالة m و g و α و d و ω_0 (النابض الخاص لحركة (S_1))

أحسب T_{max} .

2 - في لحظة يمر فيها (S_1) من موضع توازنه في المنحى الموجب يتقطع الحيط (f_1) فيواصل حركته على المستوى المائل .

- حدد طبيعة حركة (S_1) بعد تقطع الحيط . ثم استنتج قيمة V_0 سرعته عند O تعطي $OA = 1,58 \text{ m}$.

3 - عند وصول (S_1) إلى النقطة O يغادر المستوى المائل ليسقط في

مجال الثقالة (أنظر الشكل 2-)

3.1 - أوجد ، في المعلم ($O^* ; \vec{i} ; \vec{j}$) ، معادلة مسار مركز قصور

(S_1) . نأخذ لحظة المرور من O أصلا جدينا للتواريخ .

3.2 - حدد مميزات متجهة السرعة \vec{V}_2 عند نقطة I من مسار (S_1)

حيث $x_1 = 1 \text{ m}$.

3.3 - في نفس اللحظة التي يغادر فيها (S_1) المستوى المائل (أي عند

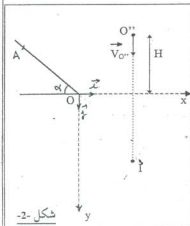
$t = 0$) نطلق بسرعة بدئية $\vec{V}_{0''}$ من نقطة O'' ، توجد على ارتفاع H

بالنسبة للمحور Ox ، جسما نقطيا (S_2) كتلته $m_2 = m_1$ (الشكل 2-).

يبين أنه لكي يتصادم الجسمان (S_1) و (S_2) عند النقطة I ، يجب

أن يكون تعبير $V_{0''}$ هو : $V_{0''} = V_0 \left(\frac{H \cos \alpha}{x} + \sin \alpha \right)$

أحسب $V_{0''}$ تعطي $H = 1 \text{ m}$.



أحسب $V_{0''}$ تعطي $H = 1 \text{ m}$

تحديد عمر مومياء

يوجد حالياً الكربون - 14 في الجو وفي الكائنات الحية بنسبة ثابتة نتيجة تجددته بسبب تأثير أشعة واردة من الفضاء على

$$R = \frac{N(^{14}C)}{N(^{12}C)} = 10^{-6} \text{ : هذه النسبة ب}$$

ابتداء من تاريخ وفاة كائن حي يبقى عدد نوى الكربون - 12 ثابتا ، بينما يبدأ عدد نوى الكربون - 14 في التناقص ليتحول الى ازوت N وذلك وفق اشعاع β^- ،

معطيات : عمر نصف الكاربون-14 $t_{1/2} = 5570 \text{ ans}$ ، $N_A = 6,02 \cdot 10^{23} \text{ mol}$

$$1 \text{ ans} = 365 \text{ jours}$$

$$M(^{12}C) = M = 12 \text{ g} \cdot \text{mol}^{-1}$$

خلال عملية حفر ، تم العثور على مومياء ، ولتحديد عمرها t ، تم فحص عينة من المادة العضوية للمومياء كتلتها

$$m = 100 \text{ mg} \text{ وتبين انها تحتوي على النسبة } \rho = 10 \% \text{ من الكربون وان نشاطها هو } a = 1180 \text{ Bq} .$$

1- اكتب معادلة هذا التفتت

2- عبر بدلالة ρ, M, m, N_A, R عن عدد النوى N_0 من الكربون - 14 في العينة عند اللحظة $t=0$ ، لحظة تحنيط

المومياء : احسب قيمة N_0 . نهمل عدد نوى الكربون - 14 امام عدد نوى الكربون- 12 .

3- استنتج نشاطها اليديني a_0 .

4- حدد عمر المومياء t .

