

المـ وـضـوـعـ الـخـامـسـ

الـrـia~s~t~as~	الـm~ad~a~	2.~s~.~b~.~u~l~o~m~	الـm~st~o~i~ d~r~a~s~i~
7	الـm~u~a~m~l~	جـمـيـعـ الـm~s~a~l~k~	الـm~s~l~k~

المـوـضـوـعـ

سلـمـ  
التـقـيـطـ

الـتـمـرـينـ 1ـ (3ـنـ)

فيـ الفـضـاءـ الـمـنـسـوبـ إـلـىـ مـعـلـمـ مـتـعـامـدـ مـنـظـمـ وـمـباـشـرـ  $(o; \bar{i}, \bar{j}, \bar{k})$  نـعـتـبـرـ النـقـطـ  $A(0; -1, -1)$  وـ

$\Omega(0; 1, 1)$  وـ  $B(-1, 0, 2)$  وـ  $C(3, 1, 0)$

1. حـدـدـ إـحـدـاثـيـاتـ الـمـتـجـهـةـ  $\vec{n} = \overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC}$
2. بـيـنـ أـنـ مـعـادـلـةـ دـيـكـارـتـيـةـ لـلـمـسـتـوـيـ  $(ABC)$  هـيـ  $x - 2y + z - 1 = 0$
3. لـتـكـنـ Hـ الـمـسـقـطـ الـعـمـودـيـ لـلـنـقـطـةـ  $\Omega$  عـلـىـ الـمـسـتـوـيـ  $(ABC)$ . تـحـقـقـ أـنـ إـحـدـاثـيـاتـ Hـ هـيـ الـمـتـلـوـثـ

$$\left( \frac{1}{3}; \frac{1}{3}; \frac{4}{3} \right)$$

4. اـحـسـبـ  $d(\Omega, (ABC))$  مـسـافـةـ النـقـطـةـ  $\Omega$  عـنـ الـمـسـتـوـيـ  $(ABC)$

بـ- أـعـطـ مـعـادـلـةـ دـيـكـارـتـيـةـ لـلـفـلـكـةـ  $(S)$  الـتـيـ مـرـكـزـهاـ  $\Omega$  وـالـتـيـ تـنـقـاطـعـ معـ الـمـسـتـوـيـ  $(ABC)$  وـفقـ

$$r = \frac{\sqrt{3}}{3} \quad \text{شعـاعـهاـ}$$

جـ- اـسـتـنـتـجـ مـرـكـزـ الدـائـرـةـ  $(C)$

الـتـمـرـينـ 2ـ (3.7ـنـ)

الـمـسـتـوـيـ الـعـقـديـ مـنـسـوبـ إـلـىـ مـعـلـمـ مـتـعـامـدـ مـنـظـمـ وـمـباـشـرـ  $(o; \vec{u}, \vec{v})$  بـحـيـثـ  $\|\vec{u}\| = \|\vec{v}\| = 2\text{cm}$

1. حلـ فيـ المـجـمـوعـةـ  $\square$  الـمـعـادـلـةـ :  $z^2 + 2z + 2 = 0$

2. لـتـكـنـ Aـ وـ Bـ نـقـطـيـنـ لـحـقـهـماـ عـلـىـ التـوـالـيـ iـ وـ  $z_A = -1 + i$  وـ  $z_B = \frac{\sqrt{3}-1}{2} + \frac{\sqrt{3}+1}{2}i$

أـ- اـحـسـبـ مـعيـارـ  $z_A$  وـ  $z_B$

بـ- تـوـجـدـ عـمـدـةـ العـقـديـ  $\frac{z_B}{z_A}$  عـلـىـ الشـكـلـ الـمـتـثـلـيـ

$$\frac{z_B}{z_A} = \frac{1}{2}(1 - i\sqrt{3})$$

ب- اكتب العدد العقدي  $\frac{z_B}{z_A}$  على الشكل المثلثي

ج- استنتج الشكل المثلثي للعدد العقدي  $z_B$

د- ليكن  $r$  الذي مرکزه  $o$  وزاويته  $\frac{\pi}{3}$  - تحقق أن  $r(A) = B$

4. لتكن  $C$  صورة النقطة  $O$  بالإزاحة ذات المتجهة  $\overrightarrow{BA}$  بين أن الرباعي  $OBAC$  معين

### التمرين 3 (2.25)

نعتبر نردا  $A$  يحمل الأرقام : 6.5.4.3.2.1 ونردا  $B$  يحمل الأرقام 2.1.1.1.1.1.

1. نرمي النردين  $A$  و  $B$  في آن واحد ما هو احتمال الحصول على الرقم 1 مرة واحدة

بالضبط

2. نختار نردا من بين النردين ثم نرميه مرة واحدة

أ - بين أن احتمال الحصول على الرقم 1 هو  $\frac{1}{2}$

ب - ما هو احتمال اختيار النرد  $A$  علما أن الرقم 1 قد ظهر

3. نرمي النرد  $B$  أربع مرات متتالية احسب احتمال الحصول على الرقم 1 بالضبط 3 مرات

### مسألة (11)

الجزء A : نعتبر الدالة  $g$  المعرفة على  $[0; +\infty]$  بما يلي :

1. احسب  $g(0)$

2. بين أن  $\forall x \geq 0 ; g'(x) = -\ln(x+1)$  ثم ضع جدول تغيرات الدالة  $g$

$\forall x \geq 0 ; g(x) \leq 0$

3. استنتج أن

الجزء B : نعتبر الدالة  $f$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بما يلي :

$$\begin{cases} f(x) = -1 + (x+1)e^x & ; x \leq 0 \\ f(x) = -x - 1 + \frac{\ln(x+1)}{x} & ; x > 0 \end{cases}$$

1. بين أن  $f$  دالة متصلة عند العدد 1

2. ا- بين أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = -1$  ثم احسب  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

ت- بين أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) + x + 1 = 0$

ث- استنتاج الفرعين اللانهائيين لـ  $(C_f)$  هو منحنى الدالة  $f$  في م.م.م.  $(o; \vec{i}; \vec{j})$

حيث  $(\|\vec{i}\| = 2cm)$

ج- درس الوضع النسبي لـ  $(C_f)$  مع المستقيم ذي المعادلة  $y = -x$  على المجال  $[0; +\infty[$

3. ا- بين أن  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{e^x - 1}{x} = 1$  (يمكن استعمال  $\lim_{x \rightarrow 0^-} \frac{f(x)}{x} = 2$ )

ب- نقبل أن  $\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{f(x)}{x} = -\frac{3}{2}$ . أول هذه النتيجة

4. بين أن  $\forall x > 0; f'(x) = \frac{g(x)}{x^2(x+1)} - 1$  وان  $\forall x < 0; f'(x) = (x+2)e^x$  ثم ضع جدول

تغيرات الدالة  $f$

5. ادرس تغير  $(C_f)$  مع تحديد نقطة انعطاف على المجال  $[0; +\infty]$

6. ليكن  $(\Delta)$  المستقيم ذات المعادلة :  $y = x$

ا- تحقق من :  $\forall x \in [-1, 0] \quad f(x) \leq x$  ثم استنتج ان  $f(x) - x = (x+1)(e^x - 1)$

$$\int_{-1}^0 (x+1)(e^x - 1) dx = \frac{2-e}{2e}$$

ج- استنتاج حساب  $S$  مساحة الحيز المحصور بين  $(C_f)$  والمستقيمين  $x = -1$  و  $x = 0$

7. لتكن  $h$  قصور  $f$  على المجال  $[0; +\infty]$  بين أن  $h$  تقبل دالة  $h^{-1}$  عكسية محددا  $D_{h^{-1}}$

8. أنشئ  $(C_f)$  و  $(C_{h^{-1}})$  في نفس المعلم مع تحديد نصف الماسين ل  $(C_f)$  عند النقطة  $O$

$$(f(-3) = -1, 1)$$

الجزء C : نعتبر المتتالية  $(U_n)$  المعرفة كما يلي :  $n \geq 0$   

$$\begin{cases} U_0 = \frac{-1}{2} \\ U_{n+1} = -1 + (U_n + 1)e^{U_n} \end{cases}$$

1. بين بالترجع أن  $(U_{n+1}) = f(U_n)$   $\forall n \in \mathbb{N}$  (لاحظ أن  $-1 \leq U_n \leq 0$ )

2. ادرس رتابة المتتالية  $(U_n)$  (يمكنك استعمال السؤال 6-ا-الجزء B)

3. تحقق أن  $(U_n)$  متقاربة ثم احسب نهاية المتتالية  $(U_n)$ .
