

الموضوع الرابع

المستوى الدراسي	2.س.ب.علوم	المادة	الرياضيات
المسلک	جميع المسالك	المعامل	7

الموضوع	سلم التقييم
التمرين 1 (2نقط) 1. حل المعادلة التفاضلية $y'' + 16y = 0$ 2. أعط الحل $y(x)$ الذي يحقق الشرطين $y\left(\frac{\pi}{4}\right) = 1$ و $y'\left(\frac{\pi}{4}\right) = -2$ التمرين 2 (3.5نقط) 1. - أعط الصيغة العقدية للتحاكي h الذي مركزه $\Omega(i)$ ونسبته $k = 2$ ب- أعط a' لحق النقطة A' صورة النقطة $A(1+i\sqrt{3})$ بالتحاكي h 2. - أعط الشكل المثلثي للعدد $1+i\sqrt{3}$ والعدد $(1+i\sqrt{3})^n$ بدلالة n حيث $n \in \mathbb{Z}$ ب- حدد اصغر عدد صحيح طبيعي غير منعدم n بحيث يكون $(1+i\sqrt{3})^n$ عددا حقيقيا صرفا 3. - لتكن C النقطة ذات أُلحَق -2 . حدد مجموعة النقط M ذات أُلحَق z والتي تحقق المعادلة $z+2 = z-1-i\sqrt{3}$ 4 . حل في $\mathbb{C}$ المعادلة $z^2 - 2z + 4 = 0$ التمرين 3 (3.5نقط) نعتبر الدالة h المعرفة على المجال $I =]0; +\infty[$ بما يلي $h(x) = x + 1 - \ln(x)$ 1. احسب $h'(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} h(x)$ و $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} h(x)$ 2. ضع جنول تغيرات الدالة h وحدد صورة المجال $I = [1; e]$ بالدالة h 3. نعتبر المتتالية (U_n) المعرفة بما يلي : $(\forall n \in \mathbb{N}) : \begin{cases} U_0 = 1 \\ U_{n+1} = h(U_n) \end{cases}$ أ - بين أن $\forall n \in \mathbb{N} \quad 1 \leq U_n \leq e$ ب ادرس رتابة المتتالية (U_n) . ماذا تستنتج	

ت أعط نهاية المتتالية (U_n)

التمرين 4 (2.5نقط)

1. ا- تحقق أن $\frac{1}{t(t+1)} = \frac{1}{t} - \frac{1}{t+1}$

ب- احسب التكامل $\int_1^2 \frac{1}{t(t+1)} dt$

2. استعمل المكاملة بالأجزاء واحسب $\int_1^2 \frac{\ln(1+t)}{t^2} dt$

مسألة (8.5نقط)

I. نعتبر الدالة المعرفة بما يلي $g(x) = x + 1 + \ln(-x)$ على المجال $]-\infty; 0]$

1. احسب $g'(x)$ و $\lim_{x \rightarrow -\infty} g(x)$ و $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x < 0}} g(x)$

2. ضع جدول تغيرات الدالة g واستنتج أن $\forall x < 0; g(x) \leq 0$

II. نعتبر الدالة f المعرفة على $\mathbb{R}$ بما يلي

$$\begin{cases} f(x) = x^2 + 2x \ln(-x) & ; x < 0 \\ f(x) = \sqrt{1 - e^{-2x}} & ; x \geq 0 \end{cases}$$

1. ادرس اتصال f في الصفر

2. ا- بين أن $\forall x < 0, f(x) = x^2 \left(1 - \frac{2 \ln(-x)}{(-x)} \right)$ واحسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$

ب- حدد الفرعين اللانهائيين للمنحنى (C_f)

3. ا- بين أن $\forall x > 0; \frac{f(x)}{x} = \sqrt{\frac{2}{x} \left(\frac{e^{-2x} - 1}{-2x} \right)}$

ب- استنتج قابلية اشتقاق f على يمين الصفر وأول هندسيا النتيجة المحصلة عليها

ج- استنتج قابلية اشتقاق f على يسار الصفر وأول هندسيا النتيجة المحصلة عليها

4. ا- بين أن $f'(x) = 2g(x); x < 0$ و $f'(x) = \frac{e^{-2x}}{\sqrt{1 - e^{-2x}}}; x > 0$

ب- ضع جدول تغيرات الدالة f على $\mathbb{R}$ ومثل (C_f) نقبل أن النقطة $(-1; 1)$ نقطة

انعطاف

5. لتكن $\alpha \in]-1; 0[$ و $A(\alpha)$ مساحة الحيز المستوي المحصور بين المنحنى (C_f) محور

الافاصيل والمستقيمين $x = -1$ و $x = \alpha$

ا- استعمل المكاملة بالأجزاء وبين أن $\int_{-1}^{\alpha} 2x \ln(-x) dx = \alpha^2 \ln(-\alpha) - \frac{\alpha^2}{2} + \frac{1}{2}$

ب- احسب بدلالة α المساحة $A(\alpha)$

ج- بين أن $\lim_{\alpha \rightarrow 0} A(\alpha) = \frac{5}{6}$