

التمرين 1

www.9alami.info

أسئلة مستقلة

1. بسط العدددين التاليين :

$$C = \ln(81) + \ln(4) - 2\ln(2) + \ln\left(\frac{1}{81}\right) + 2 \quad \text{و} \quad B = \ln(2e) + \ln\left(\frac{e^2}{2}\right)$$

2. بين أن

$$\ln 2 + \ln(2 + \sqrt{2}) + \ln(2 + \sqrt{2 + \sqrt{2}}) + \ln(2 - \sqrt{2 + \sqrt{2}}) = 2\ln(2)$$

3. حدد مجموعة التعريف الدوال العددية التالية :

$$k(x) = \frac{2x}{\sqrt{1 - \ln x}}, \quad h(x) = \ln(x^4), \quad f(x) = \ln(2x), \quad g(x) = \ln(1-x)$$

4. حل في المجموعة \mathbb{R} ما يلي :

$$2 - \ln(x) = 0 ; \ln(x) = 2\ln(3)$$

$$\ln^2(x) - 3\ln(x) + 2 \leq 0 ; 1 - 2\ln(x) < 0$$

5. أحسب $f'(x)$ لكل x من المجال I :

$$f(x) = \sqrt{\ln(x)} \quad I =]1; +\infty[$$

$$f(x) = \ln(x^2 + x + 2) \quad I = \mathbb{R}$$

$$f(x) = x \ln(x) \quad I =]0; +\infty[$$

6. أحسب النهايات التالية

$$\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\ln(x)}{x^2} ; \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} x - \ln(x) ; \quad \lim_{x \rightarrow 0^+} x - \ln(x)$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\ln(1+4x)}{x} ; \quad \lim_{x \rightarrow 1} \frac{\ln(x)}{x^2 - x}$$

التمرين 2

لتكن f الدالة العددية المعرفة على المجال $I = [0; +\infty[$ كما يلي :

1. أ. بين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) - 2x = 1$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = 2$ ، $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$

$$(x \in]0, +\infty[) \quad \frac{f(x)}{x} = 1 + \sqrt{1 + \frac{2}{x}}$$

ب. استنتج أن الدالة f غير قابلة للاشتراق على اليمين في 0 و أول النتيجة المحصل عليها

$$3. \text{ أ.} \text{ بين أن } f'(x) = 1 + \frac{x+1}{\sqrt{x^2 + 2x}}$$

ب. استنتاج أن f دالة متزايدة قطعا على المجال $[0; +\infty[$ ثم اعط جدول تغيرات الدالة f

ج. أنشئ (C_f) في معلم متعدم منظم $(\bar{j}, \bar{i}, \bar{i})$

4. أبين أن الدالة f تقبل دالة عكسية f^{-1} معرفة على مجال J و جب تحديده

$$f^{-1}(\sqrt{5} + 1) \quad \text{ثم استنتاج } f(\sqrt{5} - 1)$$

ج. بين أن f^{-1} قابلة للاشتراق في $\sqrt{5} + 1$ ثم أحسب $(f^{-1})'(\sqrt{5} + 1)$

التنقيط

2

1

2

4

2

3

1.5

0.5

0.5

1

0.5

0.5

0.5

0.5

0.5

0.5

0.5