

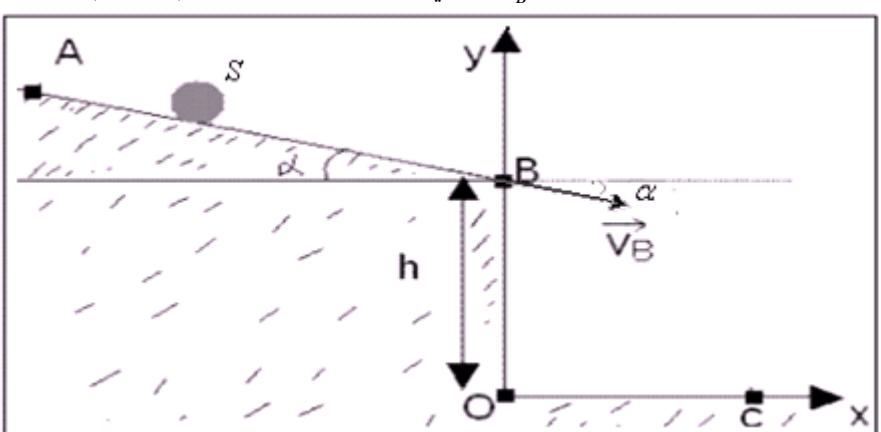
تنطلق كرية S بدون احتكاك فوق مستوى مائل بزاوية 40° من النقطة A بدون سرعة بدينية وتصل إلى B بسرعة $v_B = 16 \text{ m/s}$.

1) دراسة حركة الكريمة على الجزء AB :

1-1) بتطبيق القانون الثاني لنيوتون أوجد تسارع الكريمة وشدة القوة \bar{R} المطبقة من طرف سطح التماس. (1.ن)

1-2) بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الكريمة بين A و B تأكد من قيمة السرعة $v_B = 20 \text{ m/s}$ نعطي المسافة $AB = 20 \text{ m}$. (0,75 ن).

تغادر الكريمة المستوى المائل في النقطة B
في لحظة $t = 0$.



$$\text{نطقي: } g = 10 \text{ m/s}^2 \\ \underline{\text{كتلة الكريمة: }} m = 250 \text{ g}$$

2) دراسة حركة الكريمة بعد مغادرة النقطة B

بعد مغادرة النقطة B تصبح للكريمة حركة قذيفة بحيث تسقط بدون احتكاك فتصل إلى النقطة C من السطح الأفقي الموجود في الارتفاع $h = 5 \text{ m}$.

1-2) أجرد القوى المطبقة على الكريمة ومثلها على الشكل. وحدد الشروط البدنية لكل من x و y ثم: v_x و v_y . (0,5 ن).

2-2) بتطبيق القانون الثاني لنيوتون أوجد إحداثيتي متوجهة السرعة (t) و $v_x(t)$ و $v_y(t)$. (1 ن).

3-2) أوجد تعبير المعادلتين الزمنتين $x(t)$ و $y(t)$ ثم معادلة المسار. واستنتج طبيعة حركة الكريمة. (1 ن).

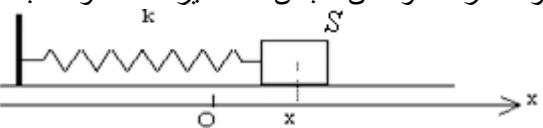
4-2) أوجد المسافة OC . بحيث C : نقطة سقوط القذيفة. (انظر الشكل). (1 ن).

5-2) ما المدة الزمنية التي تستغرقها القذيفة للوصول إلى النقطة C ? (0,5 ن).

6-2) احسب سرعة الكريمة عند وصولها إلى النقطة C . (0,75 ن).

تمرين 2 (6,5 ن)

نعتبر نوازا مكونا من نابض لفاته غير متصلة وصلابته K وكتلته مهملة ومن جسم صلب كتلته m كما يبينه الشكل أسفله.



نعتبر حالة مرجعية $E_{pe} = 0$ عند $x = 0$.

نزير الجسم عن موضع توازنه بمسافة x_m ثم نحرره بدون سرعة بدينية في لحظة تعتبرها أصلا للتاريخ. الاحتكاكات مهملة.

الدراسة النظرية:

1-1) أجرد القوى المطبقة على الجسم S ومثلها على الشكل. (0,5 ن).

2-1) أوجد المعادلة التفاضلية للحركة. (0,5 ن).

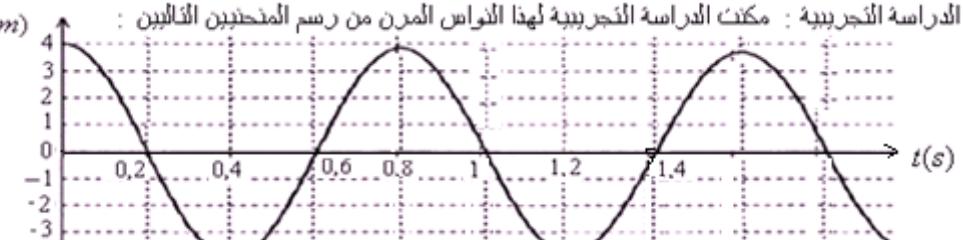
3-1) أعط تعبير المعادلة الزمنية للحركة ثم استنتاج طبيعة الحركة. (0,75 ن).

4-1) بين أن الدور الخاص للحركة يكتب كما يلي: $T_o = 2\pi\sqrt{\frac{m}{K}}$. (0,75 ن).

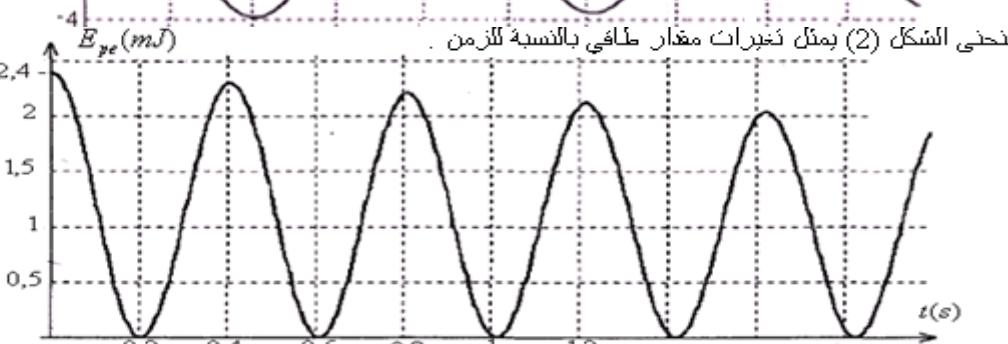
5-1) أوجد تعبير الطاقة الميكانيكية للمجموعة بدلالة K و x_m . (1 ن).

الدراسة التجريبية: مكتب الدراسة التجريبية لهذا النوازا المرن من رسم المختصرين التاليين :

الشكل (1)



الشكل (2)



منحي الشكل (2) يمثل تغيرات مقدار طافى بالنسبة للزمن.

1-2) حدد قيمة كل من x_m و T_o (0,5ن)

2-2) باستعمال المحنين السابقين : أ) بين أن صلابة النابض $m = 3N$ (0,75ن)

ب) أوجد قيمة كتلة الجسيم (0,75ن)

2-3) في أي موضع تكون الطاقة الحرارية للمجموعة المتذبذبة متساوية مع طاقة الوضع المرنة ($E_c = E_{pe}$) للمرة الأولى. (1ن)

تمرين الكيمياء : (7ن)

نحصل عن طريق تسخين خليط مكون من 1mol من البروبان-2-أول (المركب A) و 1mol من حمض الميثانويك (المركب B)، على 53g من مركب عضوي C وذلك عند نهاية التفاعل (أي بعد تحقيق التوازن).

1) اكتب معادلة التفاعل الممنذجة لهذا التحول. ثم أعط اسم المركب الناتج C (1ن)

2) أعط الاسم والصيغة للمجموعة الوظيفية لكل من المركبين (A) و (B) (1ن)

3) حدد كمية مادة الناتج C والتقدم الأقصى ثم استنتج مردود التفاعل. بخطي: $M(C) = 12g/mol$, $M(O) = 16g/mol$, $M(H) = 1g/mol$ (1ن)

4) احسب قيمة ثابتة التوازن المفرونة بهذا التفاعل. (1ن)

5) ما المردود الذي يمكن الحصول عليه عند نفس درجة الحرارة انطلاقاً من خليط يتكون من 1mol من الحمض B و 2mol من الكحول A ؟ (1ن)

تذكير : ثابتة التوازن لا تتعلق سوى بدرجة الحرارة (أي عند درجة حرارة ثابتة تحفظ ثابتة التوازن بنفس القيمة).

6) نضيف عند التوازن لل الخليط المحصل في السؤال (5) 1mol من (B) وذلك عند نفس درجة الحرارة

1-6) في أي منحى تتطور المجموعة؟ (0,5ن)

2-6) حدد تركيب المجموعة عند التوازن (1ن)

3-6) ما قيمة المردود الجديد للتفاعل؟ (0,5ن)

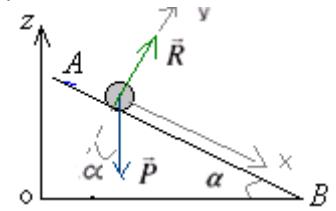
حظ سعيد

انظر التصحيح أسفله

التصحيح

تمرين 1

(1-1) تخضع الكريمة لقوى التالية : \vec{P} وزن الكريمة .
 \vec{R} : القوة المطبقة من طرف سطح التماس وهي عمودية على السطح لأن التماس يتم بدون احتكاك .



بنطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكريمة :

$$(1) \quad \vec{P} + \vec{R} = m\vec{a}_G$$

أي :

بإسقاط (1) على المحور x : $a_x = g \sin \alpha = 10 \sin 40 \approx 6,4 \text{ m/s}^2$ ومنه : $m \cdot g \cdot \sin \alpha = m \cdot a_x \Leftarrow P \cdot \sin \alpha + 0 = m \cdot a_x : ox$
 بإسقاط (1) على المحور y : $R = mg \cos \alpha = 0,25 \times 10 \times \cos 40 \approx 1,9 \text{ N}$ ومنه : $P \cdot \cos \alpha + R = 0 oy$

(2-1) بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الكريمة بين A و B :

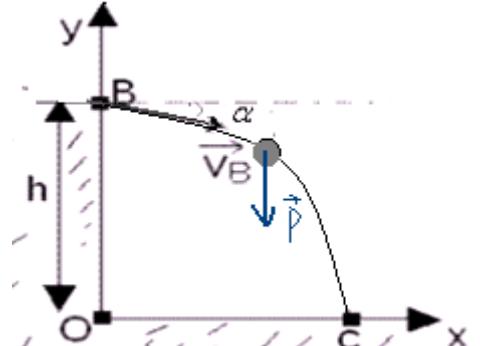
$$\Delta E_C = m \cdot g (z_A - z_B) \quad \text{أي} : \quad \Delta E_C = W \vec{P}$$

$$\Leftarrow \quad W \vec{R} = 0 \quad \text{ولدينا} : \quad \Delta E_C = W \vec{P} + W \vec{R}$$

$$\frac{1}{2} \cdot m \cdot v_B^2 = m \cdot g \cdot AB \sin \alpha \quad \text{أي} : \quad E_{C_B} = m \cdot g \cdot AB \sin \alpha \Leftarrow \quad E_{C_A} = 0 \quad \text{مع} : \quad E_{C_B} - E_{C_A} = m \cdot g (AB \sin \alpha - 0)$$

$$\text{ومنه} : \quad v_B = \sqrt{2 \cdot g \cdot AB \sin \alpha} = \sqrt{2 \times 10 \times 20 \times \sin 40} = 16 \text{ m/s} \quad \text{أي} : \quad v_B^2 = 2 \cdot g \cdot AB \sin \alpha$$

(1-2) بعد مغادرة المستوى المائل تصبح الكريمة في حالة سقوط حر وبالتالي فهي تخضع لتاثير وزنها \vec{P} فقط .



لدينا من خلال الشروط البدئية : $v_{o_y} = -v_B \cdot \sin \alpha$ ، $v_{o_x} = v_B \cdot \cos \alpha$ ، $y_o = h$ و $x_o = 0$

$$(1) \quad \vec{P} = m \vec{a}_G$$

بنطبيق القانون الثاني لنيوتن على الكريمة :

$$\begin{cases} \frac{dv_x}{dt} = 0 \\ \frac{dv_y}{dt} = -g \end{cases} \quad \text{أي} : \quad \begin{cases} a_x = 0 \\ a_y = -g \end{cases} \quad \Leftarrow \quad \begin{cases} 0 = m \cdot a_x \\ -P = m \cdot a_y \end{cases} \quad \text{في المعلم } (o, x, y) : \quad \text{بإسقاط العلاقة (1) في المعلم } (o, x, y)$$

$$\begin{cases} v_x(t) = Cte = v_B \cdot \cos \alpha \\ v_y(t) = -g \cdot t - v_B \cdot \sin \alpha \end{cases}$$

نجد :

$$\begin{cases} x = (v_B \cdot \cos \alpha) \cdot t \\ y = -\frac{1}{2} g \cdot t^2 - (v_B \cdot \sin \alpha) \cdot t + h \end{cases} \quad \text{و باستعمال التكامل}$$

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = v_B \cdot \cos \alpha \\ \frac{dy}{dt} = -g \cdot t - v_B \cdot \sin \alpha \end{cases}$$

$$\quad \text{أي} : \quad \begin{cases} v_x(t) = v_B \cdot \cos \alpha \\ v_y(t) = -g \cdot t - v_B \cdot \sin \alpha \end{cases} \quad \text{لدينا} :$$

$$y = -\frac{1}{2} g \cdot \frac{x^2}{v_B^2 \cdot \cos^2 \alpha} - x \cdot \tan \alpha + h$$

من خلال فنحصل على معادلة المسار: $t = \frac{x}{v_B \cdot \cos \alpha}$ نستخرج $x = (v_B \cdot \cos \alpha) \cdot t$

عند سقوط القذيفة في النقطة C : $x_C = OC$ و $y_C = 0$: (4-2) بالتوييع في معادلة المسار :

$$-\frac{1}{2} \times 10 \cdot \frac{OC^2}{16^2 \cos^2 40} - OC \cdot \tan 40 + 5 = 0 \quad \text{أي: } -\frac{1}{2} g \cdot \frac{OC^2}{v_B^2 \cdot \cos^2 \alpha} - OC \cdot \tan \alpha + h = 0$$

ومنه: $\Delta = (83,91 \cdot 10^{-2})^2 - 4 \cdot (-3,33 \cdot 10^{-2}) \cdot 5 = 1,37$ ، $-3,33 \cdot 10^{-2} \cdot OC^2 - 83,91 \cdot 10^{-2} \cdot OC + 5 = 0$ هناك حلين :

$$OC = \frac{83,91 \cdot 10^{-2} + 1,17}{-2 \times 3,33 \cdot 10^{-2}} \approx -30m \quad \text{أو: } OC = \frac{83,91 \cdot 10^{-2} - 1,17}{-2 \times 3,33 \cdot 10^{-2}} \approx 5m .$$

إما: إن $OC > 0$ هذا الأخير غير ممكن لأن المسافة

$$x_c = OC = 5m$$

$$t_c = \frac{x_c}{v_B \cdot \cos \alpha} = \frac{5}{16 \cdot \cos 40} \approx 0,4s \quad (5-2)$$

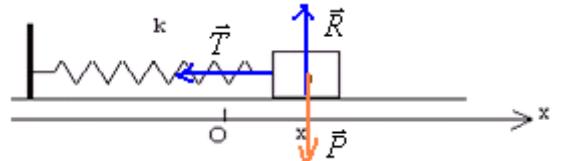
بتطبيق مبرهنة الطاقة الحركية على الكروية بين B و C :

$$v_c = \sqrt{v_B^2 + 2 \cdot g \cdot h} \approx 19m/s . \quad \text{ومنه: } v_c^2 - v_B^2 = 2 \cdot g \cdot h \Leftarrow \frac{1}{2} m \cdot v_c^2 - \frac{1}{2} m \cdot v_B^2 = m \cdot g \cdot (z_B - z_C) \quad \text{أي: } \Delta E_C = W_{B \rightarrow C}^P$$

تمرين 2

(1-1) الجسم S يخضع للقوى التالية: \vec{P} وزنه \vec{R} القوة المطبقة من طرف سطح التماس وهي عمودية عليه لأن التماس يتم بدون احتكاك.

: القوة المطبقة من طرف النابض وهي قوة ارتداد. $\vec{T} = -K \cdot x \cdot \vec{i}$



(2-1) المعادلة التقاضية للحركة $m \ddot{x} + Kx = 0$. انظر الدرس.

(3-1) المعادلة الر敏ية للحركة $x = x_m \cdot \cos(\omega_o t + \varphi)$. طبيعة الحركة: مستقيمية جيبية وتذبذبية.

(4-1) الدور الخاص للحركة يكتب كما يلي: $T_o = 2\pi \sqrt{\frac{m}{K}}$. انظر الدرس.

(5-1) اطلاقاً من العلاقة: $E_m = \frac{1}{2} m \dot{x}^2 + \frac{1}{2} Kx^2$ أي: $E_m = E_c + E_{pe}$ وبعد توييع x و \dot{x} نتوصل إلى التعبير التالي:

$$\begin{aligned} x(t) &= x_m \cos(\omega_o t + \varphi) \\ v = \dot{x}(t) &= -\omega_o x_m \sin(\omega_o t + \varphi) \end{aligned}$$

$$E_{pe} = \frac{1}{2} K \cdot x^2 = \frac{1}{2} K \cdot x_m^2 \cdot \cos^2(\omega_o t + \varphi)$$

$$E_c = \frac{1}{2} m \cdot v^2 = \frac{1}{2} m \cdot x_m^2 \cdot \omega_o^2 \cdot \sin^2(\omega_o t + \varphi) \quad \text{و:}$$

$$E_m = E_{pe} + E_c = \frac{1}{2} K \cdot x_m^2 \cdot \cos^2(\omega_o t + \varphi) + \frac{1}{2} m \cdot x_m^2 \cdot \omega_0^2 \cdot \sin^2(\omega_o t + \varphi)$$

$\omega_0^2 = \frac{K}{m}$

$$E_m = \frac{1}{2} K \cdot x_m^2 \cdot \cos^2(\omega_o t + \varphi) + \frac{1}{2} m \cdot x_m^2 \cdot \frac{K}{m} \cdot \sin^2(\omega_o t + \varphi) \quad \Leftarrow$$

$$E_m = \frac{1}{2} K \cdot x_m^2 [\cos^2(\omega_o t + \varphi) + \sin^2(\omega_o t + \varphi)] = \frac{1}{2} K \cdot x_m^2$$

$$E_m = \frac{1}{2} K \cdot x_m^2$$

$$T_o = 0,8s : \text{ و } x_m = 4cm \quad (1-2(2)$$

$$K = \frac{2 \cdot E_{p\max}}{x_{\max}^2} = \frac{2 \times 2,4 \times 10^{-3}}{(4 \cdot 10^{-2})^2} = 3N/m \Leftrightarrow E_{p\max} = \frac{1}{2} \cdot K \cdot x_{\max}^2 \quad (1) \quad (2-2)$$

$$m = \frac{T_o^2 \cdot K}{4 \cdot \pi^2} = \frac{0,8^2 \times 3}{40} = 0,048 \text{ kg} = 48 \text{ g} \quad \text{ومنه: } T_o^2 = 4 \cdot \pi^2 \cdot \frac{m}{K} \quad \Leftrightarrow \quad T_o = 2 \cdot \pi \sqrt{\frac{m}{K}}$$

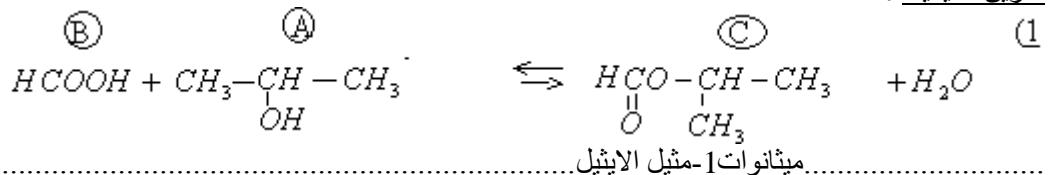
$$\frac{1}{2} \cdot K \cdot x_{\max}^2 = 2 \times \frac{1}{2} \cdot K \cdot x^2 \Leftrightarrow E_m = 2E_{pe} \quad \text{أي} \quad E_m = E_{pe} + E_{pe} \Leftrightarrow (E_c = E_{pe}) \text{ مع} \quad E_m = E_c + E_{pe} \quad (3-2)$$

$$x = \pm \frac{x_{\max}}{\sqrt{2}} \quad : \quad \text{ومنه} \quad x_{\max}^2 = 2 \cdot x^2 \quad : \quad \text{أي}$$

الجسم أزيح في البداية عن موضع توازنه بمسافة x_m : عند تحرره يبقى x موجبا إلى أن يمر للمرة الأولى من موضع توازنه عند الأقصى الموجب :

$$x = + \frac{x_{\max}}{\sqrt{2}}$$

تمرين الكيمياء :



A	B	المركب
-OH	-COOH	المجموعة الوظيفية
مجموعة الهيدروكسيل	مجموعة الكربوكسيل	الاسم

$$M(C) = M(C_4H_8O_2) = 88 \text{ g/mol} \quad \text{مع: } n(C) = \frac{m}{M(C)} = \frac{53}{88} = 0,6 \text{ mol} \quad (3)$$

بما أن الخليط ستوكيمسيتي $x_{\max} = 1 \text{ mol}$ هي القيمة القصوية للإستر التي كان من المنظر الحصول عليها.

$$r = \frac{n_{\exp}}{n_{\max}} = \frac{0,6}{1} = 0,6 = 60\%$$

$$x_{eq} = 0,6 \text{ mol} \quad (4)$$

الكحول A	الحمض B	\rightleftharpoons	C	+ $\cdot H_2O$	م. التفاعل
كميات المادة					الحالات
1	1		0	0	ح. البدئية
$1-x$	$1-x$		x	x	ح. التحول
$1-x_{eq}$	$1-x_{eq}$		x_{eq}	x_{eq}	ح. النهاية

$$x_{eq} = 0,6 \text{ mol}$$

$$K = \frac{[C]_{eq} \times [H_2O]_{eq}}{[A]_{eq} \times [B]_{eq}} = \frac{\frac{x_{eq}}{V} \times \frac{x_{eq}}{V}}{\frac{1-x_{eq}}{V} \times \frac{1-x_{eq}}{V}} = \frac{x_{eq}^2}{(1-x_{eq})^2} = \frac{0,6^2}{(1-0,6)^2} = 2,25$$

وتراكيب الخليط عند التوازن :

الكحول A	الحمض B	\rightleftharpoons	C	+ $\cdot H_2O$
كميات المادة بالمول				
0,4	0,4		0,6	0,6

(5) عند نفس درجة الحرارة انطلاقاً من خليط يتكون من 1 mol من الحمض B و 2 mol من الكحول A

الكحول A	الحمض B	\rightleftharpoons	C	+ $\cdot H_2O$	م. التفاعل
كميات المادة					الحالات
2	1		0	0	ح. البدئية

$2 - x'_{eq}$	$1 - x'_{eq}$	x'_{eq}	x'_{eq}	x'_{eq}	ح.النهائية
---------------	---------------	-----------	-----------	-----------	------------

في هذه الحالة $x_{max} = 1$ الحمض المستعمل بتقريط هو الماء.

$$K = \frac{[C]_{eq} \times [H_2O]_{eq}}{[A]_{eq} \times [B]_{eq}} = \frac{\frac{x'_{eq}}{V} \times \frac{x'_{eq}}{V}}{\frac{2 - x'_{eq}}{V} \times \frac{1 - x'_{eq}}{V}} = \frac{x'_{eq}^2}{(2 - x'_{eq})(1 - x'_{eq})} = 2,25$$

$$\frac{x'_{eq}^2}{2,25} = 2 - 2x'_{eq} - x'_{eq} + x'_{eq}^2 \Leftrightarrow \frac{x'_{eq}^2}{2,25} = (2 - x'_{eq})(1 - x'_{eq}) \Leftrightarrow \frac{x'_{eq}^2}{(2 - x'_{eq})(1 - x'_{eq})} = 2,25$$

$$\frac{1,25}{2,25} x'_{eq}^2 - 3x'_{eq} + 2 = 0 \Leftrightarrow x'_{eq}^2 \left(\frac{1 - 2,25}{2,25}\right) + 3x'_{eq} - 2 = 0 \Leftrightarrow x'_{eq}^2 \left(\frac{1}{2,25} - 1\right) + 3x'_{eq} - 2 = 0$$

$$x'_{eq} = \frac{3 - \sqrt{4,56}}{2 \times 1,25} \times 2,25 \approx 0,78 mol \quad \Delta = 4,56$$

$x'_{eq} = 0,78 mol$	$x'_{eq} < 1$ انظر جدول التقدم . إذن :	$x'_{eq} = \frac{3 + \sqrt{4,56}}{2 \times 1,25} \times 2,25 \approx 4,6 mol$
----------------------	--	---

$$\text{مردود التفاعل : } r' = \frac{n_{exp}}{n_{max}} = \frac{0,78}{1} = 0,78 = 78\%$$

الكحول <i>A</i>	الحمض <i>B</i>	\rightleftharpoons	<i>C</i>	$+ H_2O$	م.التفاعل
كميات المادة					
$2 - 0,78 = 1,22$	$1 - 0,78 = 0,22$		0,78	0,78	$x'_{eq} = 0,78$ التركيب عند التوازن

(1-6)

عندما نضيف عند التوازن للخلط المحصل في السؤال (5) من (B). تصبح الحالة البدئية للمجموعة الجديدة كما يلي :

الكحول <i>A</i>	الحمض <i>B</i>	\rightleftharpoons	<i>C</i>	$+ H_2O$	م.التفاعل
كميات المادة					الحالات
1,22	1,22		0,78	0,78	الحالة البدئية

$$\text{ولدينا : } K < Q_{r,i} = \frac{0,78^2}{1,22^2} \approx 0,41 \text{ تتطور المجموعة في المنحى المباشر (1). أي في منحى تفاعل الاسترة.}$$

أو بطريقة أخرى تتطور المجموعة في المنحى المؤدي إلى اختفاء النوع المضاف (B) أي في المنحى (1). أي في منحى تفاعل الاسترة.

(2-6)

الكحول <i>A</i>	الحمض <i>B</i>	\rightleftharpoons	<i>C</i>	$+ H_2O$	م.التفاعل
كميات المادة					الحالات
1,22	$0,22 + 1 = 1,22$		0,78	0,78	$x'_{eq} = 0,78$ ح.البدئية

$$1,22 - x'_{eq} = 1,22 - 0,78 = 0,44$$

$$0,78 + x''_{eq} = \sqrt{2,25} \times (1,22 - x''_{eq}) \Leftrightarrow \frac{0,78 + x''_{eq}}{1,22 - x''_{eq}} = \sqrt{2,25} \Leftrightarrow \frac{(0,78 + x''_{eq})^2}{(1,22 - x''_{eq})^2} = 2,25$$

$$x''_{eq} (\sqrt{2,25} + 1) = \sqrt{2,25} \times 1,22 - 0,78 \quad \text{أي :} \quad x''_{eq} \sqrt{2,25} + x''_{eq} = \sqrt{2,25} \times 1,22 - 0,78$$

$$x''_{eq} = \frac{\sqrt{2,25} \times 1,22 - 0,78}{\sqrt{2,25} + 1} = 0,42$$

تركيز المجموعة عند التوازن :

الكحول <i>A</i>	الحمض <i>B</i>	\rightleftharpoons	<i>C</i>	$+ H_2O$	ح.التوازن
0,8	0,8		1,2	1,2	

(3-6) مردود تفاعل الاسترة = خارج كمية مادة الاستر المحصل عليها تجريبيا على كمية مادة الاستر القصوية المنتظر الحصول عليها لو كان التفاعل كليا .

كمية مادة الاستر القصوية المنتظر الحصول عليها : $n_{\max} = x_{\max} + 0,78 = 1,22 + 0,78 = 2 \text{ mol}$
يجب أن نأخذ بعين الاعتبار كمية مادة الاستر المتواجدة في الخليط قبل التفاعل.

وكذلك الشأن بالنسبة لكمية مادة الاستر المحصل عليها تجريبيا : $n_{\exp} = x_{eq} + 0,78 = 0,42 + 0,78 = 1,2 \text{ mol}$
يجب أن نأخذ بعين الاعتبار كمية مادة الاستر المتواجدة في الخليط قبل التفاعل.

$$r = \frac{n_{\exp}}{n_{\max}} = \frac{1,2}{2} = 0,6 = 60\%$$

الخليط في هذه الحالة ستوكيميتري والكحول المستعمل ثانوي إن المردود

أعلى نقطة في هذا الفرض 20/17 حصل عليها التلميذ عثمان أمكوك .

SBIRO Abdelkrim Lycée agricole d’Oulad-Taima région d’Agadir royaume du Maroc

Pour toute observation contactez moi

Sbiabdou@yahoo.fr

لَا تَسْمُوْدَا مِنْ صَالِحٍ دُعَائِكُمْ
وَرَسَالَ اللَّهِ أَكْمَمُ الْجُنُونَ وَالْتَّوْفِيقَ.