

يوجد فيتامين C (حمض الأسكوربيك $C_6H_8O_6$) في العديد من الفواكه والخضروات يمكنه أن يقيمنا من بعض الأمراض مثل الزكام ، الصداع وبعض أنواع السرطان ، نجده في الصيدليات على شكل أقراص فيتامين C500 . نريد دراسة بعض مميزات حمض الأسكوربيك الذي نرمز له اختصاراً بـ HA ولقاعدته المرافقة بـ A^- .

١- تقيس الـ pH لمحلول مائي لحمض الأسكوربيك تركيزه المولى $C = 0,01 \text{ mol/L}$ فنجد: $\text{pH}=3$

(١) أكتب معادلة تفكك حمض الأسكوربيك في الماء . (٠,٥)

(٢) احسب نسبة التقدم النهائي لهذا التفاعل ، ماذا تستنتج؟ (إن)

(٣) قارن قوة حمض الأسكوربيك مع حمض الإيتانويك له نفس التركيز المولى وله $\text{pH}'=3,4$ مع التعليق؟ (٠,٥)

٢- تذيب قرصاً من فيتامين C في كمية من الماء المقطر ثم نكمم الحجم إلى $V=200 \text{ mL}$ بالماء المقطر.

نغير حجماً $V_a=20 \text{ mL}$ من هذا محلول بواسطة هيدروكسيد الصوديوم ($\text{Na}^+ + \text{HO}^-$) تركيزه المولى:

$\text{pH}=f(V_a)$ وذلك بقياس pH المزيج واستخدام كاشف مناسب فتحصل على المحتوى $C_B=0,02 \text{ mol/L}$ عند درجة الحرارة 25°C .



(١) مثل التركيب التجاري المستعمل في هذه المعايرة. (٠,٥)

(٢) أكتب معادلة التفاعل الحاصل خلال المعايرة. (٠,٥)

(٣) عين أحداث نقطه التكافؤ ثم استنتاج التركيز المولى C_A . (إن)

(٤) احسب بـ mg كتلة حمض الأسكوربيك الموجودة في قرص فيتامين C . (إن)

(٥) ماذا يقصد الصناع بكلمة "فيتامين C500"؟ (٠,٥)

(٦) عند إضافة $V_B = 13 \text{ ml}$ من محلول المعاير لأصبغة التقدم النهائي لتفاعل المعايرة ، ماذا تستنتج؟ (إن)

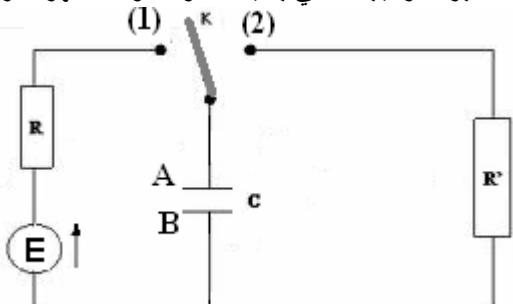
(٧) في غياب جهاز pH - متر ما الكاشف المناسب لهذه المعايرة . (إن)

نعطي : الكتلة المولية لحمض الأسكوربيك : $M(C_6H_8O_6) = 176 \text{ g/mol}$

أحمر الكريزول	الهليتين	فينول فتالين	أزرق البروموتيمول	كاشف ملون
7.2 - 8.8	3.1 - 4	8.2 - 10	6.2 - 7.6	منطقة الانعطاف

نعتبر التركيب التالي بحيث المولد قوته الكهرومagnetica E.

٢- تمرين الفيزياء رقم ١ (٤ ن):



١- نضع قاطع التيار الكهربائي في الموضع (١) .

١-١- ما الهدف من وضع القاطع K في الموضع (١).

٢-١ ما إشارة شحنة الليوس B ؟ علل جوابك .

٢- عندما يصبح المكثف مشحوناً ننقل قاطع التيار إلى الموضع (٢) في اللحظة $t=0$.

١-٢ ارسم الدارة التفاضلية ممثلاً للتوترات بين مربطي كل ثانوي قطب .

٢-٢ اوجد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u بين مربطي المكثف باعتبار $\tau = R'c$.

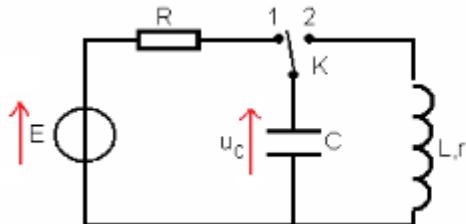
٣-٢ علماً أن حل المعادلة التفاضلية المحصل عليها يكتب على النحو التالي $u_c = A.e^{-K.t} + B$.

حدد كل من A، B و K . ثم استنتاج تعبير التوتر بين مربطي المكثف بدلالة الزمن .

٤-٢ أثناء تفريغ المكثف في الموصى الاولى نعطي تعبير تغير u_c بدلالة الزمن : $\ln(u_c) = 1,8 - 500.t$.

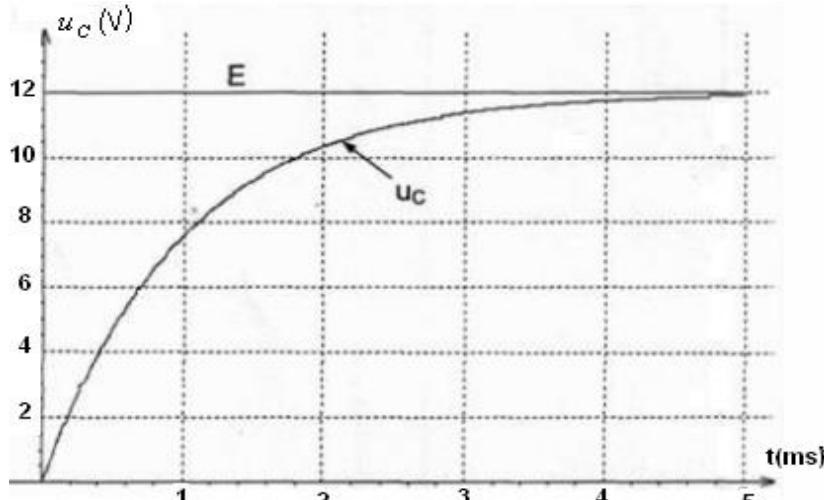
أوجد كل من ثابتة الزمن τ والقوة الكهرومagnetica للعمود . ثم استنتاج قيمة سعة المكثف علماً أن : $R' = 1K\Omega$.

(2) تمرين الفيزياء رقم 2 (ن):



- مولد للتيار الكهربائي المستمر $E = 12V$
- موصل أومي مقاومته $R = 100\Omega$
- مكثف سعة C .
- وشيعة معامل تحريرها τ و مقاومتها R .
- قاطع التيار K .

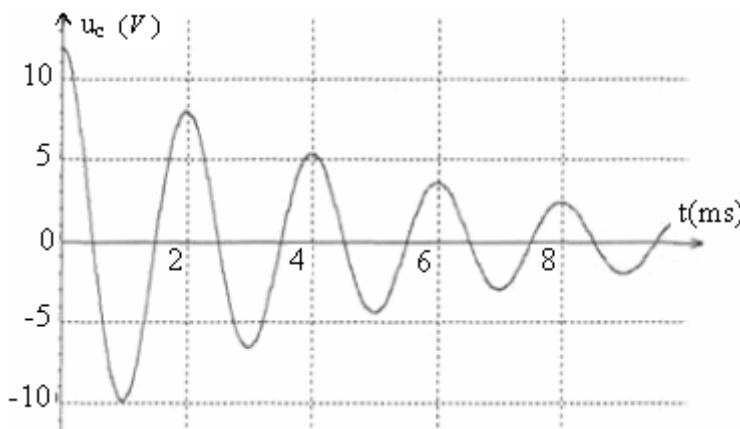
(I) في البداية المكثف مفرغ ، نضع قاطع التيار الكهربائي في الموضع (1) عند اللحظة $t=0$.
نعاين على شاشة راسم تذبذب ذاكراتي التوتر u بين مربطي المكثف في المدخل Y_A والتوتر E بين مربطي المولد في المدخل Y_B فحصل على المنحى الممثل في الشكل التالي :



- (0,5) 1) بين على الشكل كيفية ربط راسم التذبذب.
- (ان) 2) أوجد المعادلة التفاضلية التي يحققها التوتر u بين مربطي المكثف . نضع : $\tau = R.C$.
- (ان) 3) اوجد حل هذه المعادلة التفاضلية .
- (ان) 4) ماذا تمثل τ بالنسبة لشحن المكثف؟ حدد قيمتها . واستنتج سعة المكثف.
- (ان) 5) بين أن وحدة τ في النظام العالمي للوحدات هي الثانية .
- (ان) 6) أوجد المعادلة التي تتحققها الشحنة المكثف q في الدارة السابقة.

(ان) 7) استنتاج المعادلة التفاضلية التي تتحققها شدة التيار الكهربائي و اوجد حل هذه المعادلة علما أن $i = \frac{E}{R} e^{-\frac{t}{\tau}}$ عند اللحظة $t=0$.

(II) بعد أن أصبح المكثف مشحونا ، ننقل قاطع التيار الكهربائي إلى الموضع (2) و نعتبر هذه اللحظة أصلًا للتاريخ .
المنحنى التالي يعطي تطور التوتر u بين مربطي المكثف . نعطي قيمة سعة المكثف : $C = 10\mu F$.

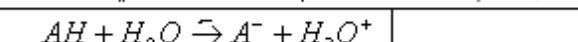


- (0,5) 1) ما الظاهرة المشاهدة وما سببها وما اسم هذا النظم.
- (0,5) 2) ما اسم المدة الزمنية المميزة لهذه الظاهرة ؟ حدد قيمتها .
- (0,5) 3) أعط تعبير هذه المدة بدلالة المقادير الموقوفة لعناصر التركيب . باعتبار شبه الدور يساوي الدور الخاص.
- (0,5) 4) استنتاج قيمة معامل تحريرض الوشيعة .
- (0,5) 5) هل يمكن اعتبار مقاومة الوشيعة مهملا ؟ علل جوابك .
- (ان) 6) عند اللحظة $t = 1ms$ الطاقة الكلية المخزومة في الدارة توجد على أي شكل الطاقة ؟ احسب قيمتها.

التصحيح

تصحيح موضوع الكيمياء :

(1) معادلة تفكك حمض الأسكوربيك في الماء :



بما أن الماء مستعمل بوفرة فإن AH هو المهد :
 $x_{\max} = CV$ إذن : $CV - x_{\max} = 0$

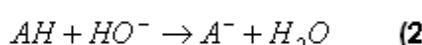
$AH + H_2O \rightleftharpoons A^- + H_3O^+$				
		كميات المادة	التقدم	الحالة
CV	بوفرة	0	0	البدنية
CV-X	بوفرة	X	X	التحول

(2) من خلال جدول التقدم :

$$[H_3O^+]_f \cdot V = x_f \Leftarrow n(H_3O^+)_f = x_f \Leftarrow$$

$$\tau = \frac{x_f}{x_{\max}} = \frac{[H_3O^+]_f \cdot V}{C \cdot V} = \frac{10^{-PH}}{C} = \frac{10^{-3}}{0,01} = 0,1 = 10\%$$

(3) $\tau' = \frac{10^{-PH'}}{C} = \frac{10^{-3,4}}{0,01} \approx 0,04 = 4\% \quad \text{لدينا: } \tau' > \tau$ حمض الإيثانويك أقوى من حمض الأسكوربيك.



$$V_B \approx 14,2mL \quad \text{و} \quad PH_B \approx 8 \quad (3)$$

$$C_A = \frac{C_B \cdot V_B}{V_A} = \frac{0,02 \times 14,2 \times 10^{-3}}{20 \times 10^{-3}} = 1,42 \cdot 10^{-2} mol/L$$

$$C_A = \frac{m}{M \cdot V} \quad (4) \quad \text{لدينا:}$$

$$m = C_A \cdot M \cdot V = 1,42 \cdot 10^{-2} \times 176 \times 0,2 = 0,5g = 500mg \quad \Leftarrow$$



(5) يقصد الصانع بكلمة فيتامين C500 كون كل قرص يحتوى على 500 mg من حمض الأسكوربيك.

(6) لرسم جدول تقدم التفاعل المعايرة عند إضافة 13mL من الصودا:

				معادلة التفاعل	
		الحالة البدنية	(mmol)	الحالة النهائية	(mmol)
Ca.Va = 28,4	Cb.Vb = 26	0	excès	0	التقدم
28,4 - x _{final}	26 - x _{final}	x _{final}	excès	x _f	التقدم

$$26 < 28,4 \quad \text{ولدينا:} \quad \begin{cases} n_o(AH) = c_a \cdot c_a = 1,42 \cdot 10^{-2} \cdot 20 \cdot 10^{-3} = 2,84 \cdot 10^{-4} mol = 28,4m.mol \\ n_o(HO^-) = c_b \cdot c_b = 0,02 \times 13 \cdot 10^{-3} = 2,6 \cdot 10^{-4} mol = 26m.mol \end{cases}$$

ومنه HO^- هو المتفاعل المهد

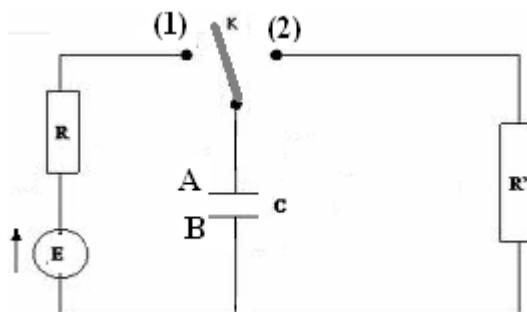
الحالة النهائية توافق $V_B = 13mL$ من الصودا نقرأ قيمة $pH = 5$ من خلا المنحنى فجده $n(HO^-)_f = [HO^-]_f \cdot (V_A + V_B) = 10^{-9} \times (13 + 20) \cdot 10^{-3} = 3,3 \cdot 10^{-8} mmol \Leftarrow [HO^-]_f = \frac{10^{-14}}{10^{-5}} = 10^{-9} mol/L$ و

ومنه $x_f = 26m.mol$ تفاعل المعايرة كلي $\tau = \frac{x_f}{x_{\max}} = 1$.

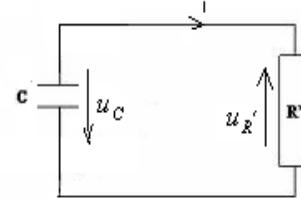
عند التكافؤ $pH_E = 8$. (7) أحمر الكريزول هو الكاشف الملون المناسب لهذه المعايرة لأن منطقة انعطافه

تعتبر التركيب التالي :

(1) تصحيح تمرين الفيزياء رقم 1



- (1) 1-1- الهدف من وضع القاطع K في الموضع (1) : شحن المكثف.
 1-2- إشارة شحنة اللبوس B سالبة . لأن المولد يجذب الإلكترونات من اللبوس A ويدفعها نحو اللبوس B ونظراً لوجود العازل الإستقطابي بين اللبوسين تراكم الإلكترونات على اللبوس B فتصبح شحنته سالبة.
 2) عندما ننقل قاطع التيار إلى الموضع (2):
 2-1) نحصل على دارة التفريغ التالية:



(2-2) بتطبيق قانون تجميع التوترات لدينا: $u_{R'} + u_C = 0$

$$\tau = R' \cdot C : \text{نضع} \quad R' \cdot C \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C = 0 \quad \Leftarrow i = \frac{dq}{dt} = \frac{d(C \cdot u_C)}{dt} = C \cdot \frac{du_C}{dt} \quad \text{مع:} \quad R' \cdot i + u_C = 0$$

$\tau \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C = 0$

إذن المعادلة التفاضلية التي يتحققها التوتر u_C بين مربطي المكثف:

$$\frac{du_C}{dt} = -A \cdot K \cdot e^{-K \cdot t} \quad \Leftarrow \quad u_C = A \cdot e^{-K \cdot t} + B : \quad \text{أي:} \quad u_C = A \cdot e^{-K \cdot t} + B$$

بالتعويض في المعادلة التفاضلية: $A \cdot e^{-K \cdot t} (1 - K \cdot \tau) + B = 0$ $- \tau \cdot A \cdot K \cdot e^{-K \cdot t} + A \cdot e^{-K \cdot t} + B = 0$

ومنه: $A = E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$ $K = \frac{1}{\tau}$ $B = 0$
 وبذلك يصبح الحال كما يلي: $u_C = E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$ وباستعمال الشروط البدنية نحدد A .

عند اللحظة $t = 0$ لدينا $u_C = E$ $A = E \cdot e^0$ أي: $E = A \cdot e^0$ إذن: $A = E$

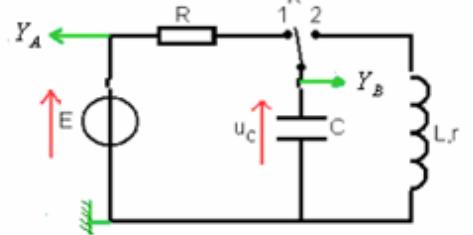
$$4-2) \text{ من خلال العلاقة: } \ln(u_C) = \ln(E) + \ln(e^{-\frac{t}{\tau}}) \Leftarrow \ln(u_C) = \ln(E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}) : \text{لدينا } u_C = E \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

أي: $\begin{cases} E = 6V \\ \tau = 2 \cdot 10^{-3} s = 2m.s \end{cases} \Leftarrow \begin{cases} \ln E = 1,8 \\ 500 = \frac{1}{\tau} \end{cases} \Leftarrow \ln(u_C) = 1,8 - 500 \cdot t$ بالمقارنة مع التعبير: $\ln(u_C) = \ln(E) - \frac{t}{\tau}$

وبما أن $C = \frac{\tau}{R'} = \frac{2 \cdot 10^{-3}}{10^3} = 2 \cdot 10^{-6} F = 2 \mu F$ فإن: $\tau = R' \cdot C$

(2) تصحيح تمرين الفيزياء رقم 2:

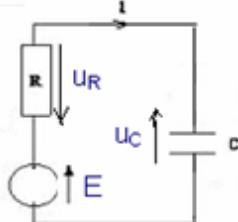
كيفية ربط راسم التذبذب : (1)



$$R.i + u_C = E \text{ : أي } u_R + u_C = E \text{ : بتطبيق قانون تجميع التوترات لدينا} \\ i = \frac{dq}{dt} = \frac{d(Cu_C)}{dt} = C \cdot \frac{du_C}{dt} \text{ : مع}$$

$$\tau = RC \text{ وسأنا : } R.C \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C = E \text{ : أي}$$

$$\tau \cdot \frac{du_C}{dt} + u_C = E \text{ المعادلة التفاضلية :}$$



(3) حل المعادلة التفاضلية السابقة هي عبارة عن دالة أسيّة تكتب على النحو التالي $u_c = A.e^{-\alpha.t} + B$ مع $A \neq 0$

$$A.e^{-\alpha.t}(1 - \tau\alpha) + B = E \text{ : أي } -\tau\alpha.A.e^{-\alpha.t} + A.e^{-\alpha.t} + B = E \text{ بالتعويض في المعادلة التفاضلية :}$$

$$u_c = 0 \text{ ، } t = 0 \text{ ، } u_c = A.e^{\frac{t}{\tau}} + E \text{ نستعمل الشروط البدئية : وهي عند } u_c = 0 \text{ والحل يصبح : } \alpha = \frac{1}{\tau} \leftarrow \begin{cases} 1 - \tau \cdot \alpha = 0 \\ B = E \end{cases} \text{ ومنه :}$$

$$u_c = E(1 - e^{\frac{t}{\tau}})$$

:

$$u_c = -E.e^{\frac{t}{\tau}} + E \text{ والحل يصبح : } A = -E \text{ ومنه : } 0 = A + E \text{ أي } 0 = A.e^0 + E$$

(4) عند اللحظة $t = \tau$ ، $u_c = E(1 - e^{-\frac{\tau}{\tau}}) = E(1 - e^{-1}) = 0,63.E = 63\% .E$ ، إذن τ هي المدة التي يشحن فيها المكثف بنسبة 63%.

(5) باستعمال معادلة الأبعاد يتضح أن وحدة τ هي الثانية.

$$(2) \tau \frac{dq}{dt} + q = C.E \text{ : أي } R.C \frac{dq}{dt} + q = C.E \text{ إذن : } R \cdot \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = E \leftarrow R.i + \frac{q}{C} = E \text{ : أي } u_R + u_C = E \text{ : دلينا} \quad (6)$$

$$\tau \cdot \frac{d.i}{dt} + i = 0 :$$

$$\text{أي } \tau \cdot \frac{d.i}{dt} + \frac{dq}{dt} = 0$$

وهي معادلة تفاضلية من الدرجة الأولى حلها دالة أسيّة على الشكل $i = A.e^{-\beta.t} + B$ بالاشتقاق تصبح هذه العلاقة :

$$\beta = \frac{1}{\tau} \text{ : أي } \begin{cases} 1 - \beta \cdot \tau = 0 \\ B = 0 \end{cases} \text{ ومنه : } A.e^{-\frac{t}{\tau}}(1 - \beta \cdot \tau) + B = 0 \text{ : أي } -\beta \cdot A \cdot \tau \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} + A.e^{-\frac{t}{\tau}} + B = 0 \text{ بالتعويض :}$$

$$i = \frac{E}{R} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}} \text{ والحل يصبح : } A = \frac{E}{R} \text{ أي } \frac{E}{R} = A.e^0 \leftarrow t = 0 \text{ عند } i = \frac{E}{R} \text{ ومن خلال الشروط البدئية : }$$

(1) الظاهرة الخمود سببها وجود المقاومة والنظام شبه دوري.

(2) شبه الدور . مبيانيا نجد قيمته $T = 2ms$

$$T = 2\pi \sqrt{LC} \quad (3)$$

$$L = \frac{T^2}{4\pi^2 \cdot C} = \frac{(2.10^{-3})^2}{4\pi^2 \cdot 10 \cdot 10^{-6}} = \frac{4 \cdot 10^{-6}}{4 \cdot 10 \cdot 10 \cdot 10^{-6}} = 10^{-2} \text{ H} \quad \Leftarrow \quad T^2 = 4 \cdot \pi^2 \cdot L \cdot C \quad (4)$$

(5) لا يمكن اعتبار مقاومة الوشيعة مهملة لأن هناك تبدد للطاقة الكهربائية على شكل طاقة حرارية . لو كانت مقاومة الوشيعة مهملة لكان الدارة مثالية ولا نحقق الطاقة.

$$(6) \text{في اللحظة } t = 1ms \text{ قيمة شحنة المكثف قصوية إذن فهو مشحون ويختزن طاقة : } E_e = \frac{1}{2} \cdot C \cdot u_c^2 = \frac{1}{2} \cdot 10 \times 10^{-6} \cdot (-10)^2 = 5 \cdot 10^{-4} J \text{ والطاقة المخزونة في الوشيعة في هذه اللحظة منعدمة .}$$

SBIRO Abdelkrim Lycée agricole d’Oulad-Taima région d’Agadir royaume du Maroc

Pour toute observation contactez moi

Sbiabdou@yahoo.fr

لا تنسونا من صالح دعائكم ونسال الله لكم العون والتوفيق.

هذا الفرض أجل إلى يوم 4/3/2013 وذلك نزولاً عند رغبة التلاميذ وكثرة إلحادهم- لكنه تسرب وتم نشره من أجل الإستفادة .