

الدراسة الكمية للتغير

- تغير الصفات الوراثية الكمية: التغير غير المتواصل
- تغير الصفات الوراثية الكمية: التغير المتواصل
- ثلاثيات توزيع ترددات تغير الصفات الوراثية الكمية
داخل الجماعة و دلالتها الاحصائية
- تطبيق ثوابت توزيع ترددات تغير الصفات الوراثية
الكمية على بعض الجماعات
- الاصطفااء داخل جماعة : تحديد مفهوم السلالة
النقية

تتميز الكائنات الحية بمجموعة من الصفات الكمية التي يمكن قياسها و دراستها إحصائياً و تنعت بالمتغيرات ، نذكر من بينها الوزن، الطول، عدد البذور في الثمرة، عدد المواليد بالنسبة لكل حمل، كمية الحليب المنتجة من طرف الأبقار، نسبة الكولسترول في الدم ، قيمة الضغط الشرياني عند الإنسان...
تكون المتغيرات متواصلة عندما تأخذ قيمة المتغير كل مجالات التغير في حين تنعت بغير المتواصلة حين لا تأخذ قيم المتغير كل مجالات التغير.

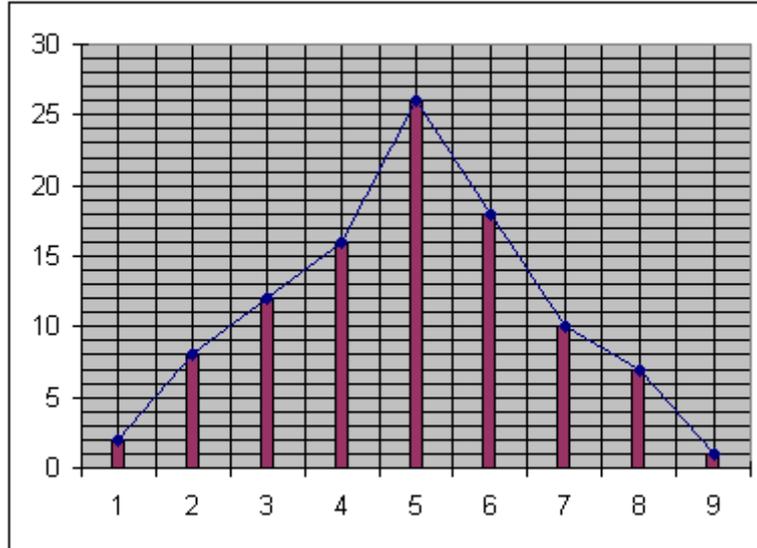
I - دراسة التغير غير المتواصل :

تمت دراسة عدد المواليد بعد كل حمل عند ساكنة مكونة من 100 فأرة فتم الحصول على النتائج التالية:

د في كل حمل Xi	1	2	3	4	5	6	7
	2	8	12	16	26	18	10

المتغير في هذا المثال يأخذ فقط الأرقام الصحيحة دون العشرية فهو غير متواصل. (لا تأخذ قيم المتغير كل مجالات التغير)

تبدأ الدراسة بالتمثيل البياني لتوزيع المتغير بدلالة التردد ، فنحصل على أخطوط عسوي (انظر الوثيقة) و نربط النقط المشكلة لكل قمة بواسطة خطوط مستقيمة فنحصل على مصلع الترددات.



بتسوية حدود مضع الترددات نحصل على منحنى الترددات.

- تطبيق

يمثل الجدول الثاني توزيع تردد عدد البذور داخل سنغات gousse الفاصوليا:

عدد السنغات ni	2	3	4	5	6	7	8	9
بيور داخل السنغة Xi	3	8	10	20	26	35	22	9

- 1- حدد معللا جوابك طبيعة التغير المدروس.
- 2- أنجز التمثيل البياني لهذا المتغير.

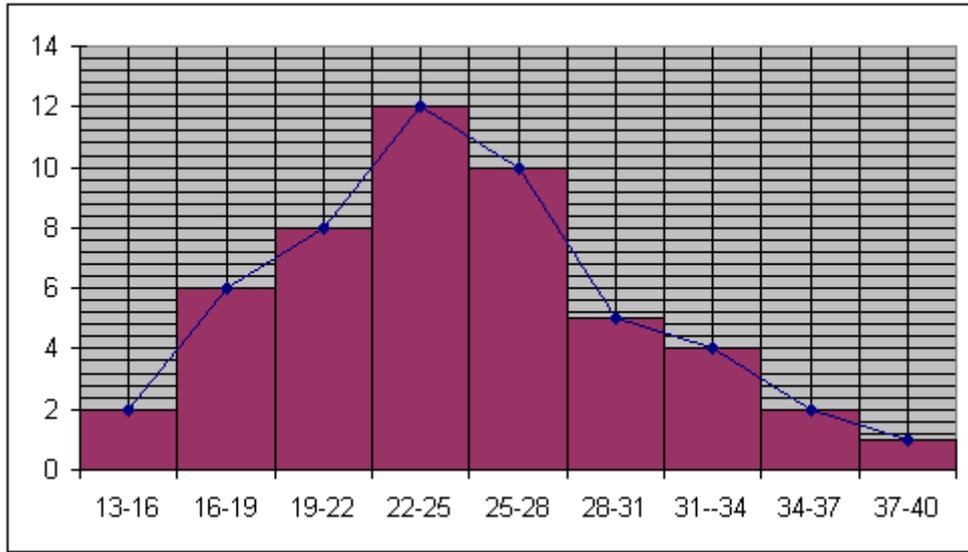
II . دراسة التغير المتواصل:

تمت دراسة كمية الحليب المنتجة في اليوم (Kg) عند جماعة من الأبقار المستوردة مكونة من 50 فرد، فتم الحصول على النتائج التالية:

[34-31]	[31-28]	[28-25]	[25-22]	[22-19]	[19-16]	[16-13]
4	5	10	12	8	6	2

المتغير في هذا المثال يأخذ قيم متراوحة بين 13 و 40 حتى الأرقام العشرية لذلك ينعت المتغير بكونه متواصلا. في هذه الحالة نقوم بتجميع القياسات داخل أقسام لها نفس وسع المجال (3 في هذا المثال) ويصح التوزيع إذن عبارة عن متتالية من الأقسام .

نضع على محور الأفصيل المتغير (كمية الحليب) وعلى محور الأرتيب التردد المناسب (عدد الأبقار) ثم ننجز التمثيل البياني. نحصل على مدراج الترددات و نربط النقط المشكلة لمركز كل قسم بواسطة خطوط مستقيمة نحصل على مضع الترددات.



بتسوية حدود مضع الترددات نحصل على منحنى الترددات.

تطبيق :

قمنا بوزن كتلة البذور عند جماعة من الفاصوليا، ويظهر الجدول التالي توزيع تردد هذه البذور حسب الوزن:

الوزن X_i بـ cg	-85]	-80]	-75]	-70]	-65]	-60]	-55]	-50]	-45]	-40]	-35]	-30]	-25]	-20]	عدد البذور n_i
	190	185	180	175	170	165	160	155	150	145	140	135	130	125	
	2	4	6	10	38	80	150	340	540	180	90	32	5	3	

1- حدد معللا جوابك طبيعة التغير المدروس.

2- أنجز التمثيل البياني لهذا المتغير.

يبقى التمثيل البياني غير كافي لإعطاء فكرة واضحة عن مدى تغير الساكنة وإبراز خاصيات هذا التغير، لذا يتم اللجوء إلى بعض الخاصيات الإحصائية يطلق عليها ثابتات توزيع الترددات.

III - ثابتات توزيع ترددات تغير الصفات الوراثية الكمية داخل الجماعة:

1 - ثابتات الموضع:

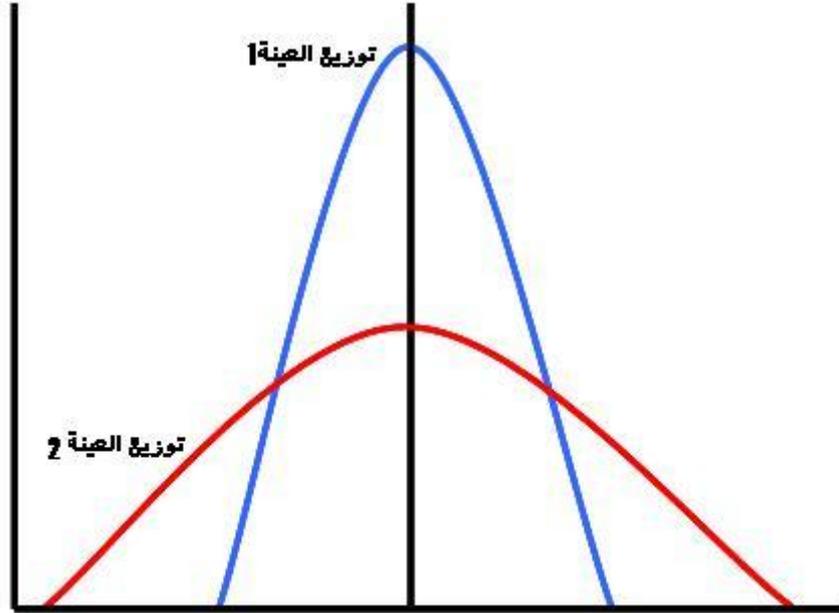
- **المنوال:** يقابله قيمة المتغير الأكثر ترددا بالنسبة للتغير غير المتواصل وقيمة وسط القسم الأكثر ترددا بالنسبة للتغير المتواصل

- **المعدل الحسابي:** نستعمل المعادلة التالية

$$\bar{X} = \frac{\sum_1^i (n_i \cdot x_i)}{N}$$

بـحيث: x_i تمثل قيمة المتغير و n_i عدد الأفراد المقابل للمتغير (قد يرمز إليه اصطلاحاً f_i) و N مجموع عدد الأفراد و Σ المجموع.

قد يكون لعينتين من نفس النوع، نفس المعدل الحسابي لكن ليس لهما نفس التبدد حول هذا المعدل (انظر المبيان التالي)، لهذا يتم اللجوء إلى استعمال ثابتات التبدد.



تطبيق :

يظهر الجدول التالي توزيع تردد الثمار عند جماعة من الطماطم حسب الكتلة:

[135-125]	[125-115]	[115-105]	[105-95]	[95-85]	[85-75]	وزن X_i بـ g
5	20	30	45	22	6	عدد الثمار n_i

- 1- حدد معللا جوابك منوال التغير المدروس.
- 2- أحسب المعدل الحسابي.

2- ثابتات التبدد :

- الفارق الوسطي الحسابي: يتم حسابه باستعمال المعادلة التالية:

$$E = \frac{\sum_1^i |x_i - \bar{x}| n_i}{N}$$

رغم أهمية الفارق الوسطي الحسابي إلا أنه غالباً ما يكون غير كافي لتحديد مدى تبدد القياسات المحصل عليها لهذا نلجأ إلى تحديد معيارين آخرين هما المغايرة والانحراف النمطي.

- المغايرة: تحدد بالعلاقة التالية:

$$V = \frac{\sum_1^i (x_i - \bar{x})^2 n_i}{N}$$

- الانحراف النمطي المعياري: هو الجذر التربيعي للمغايرة

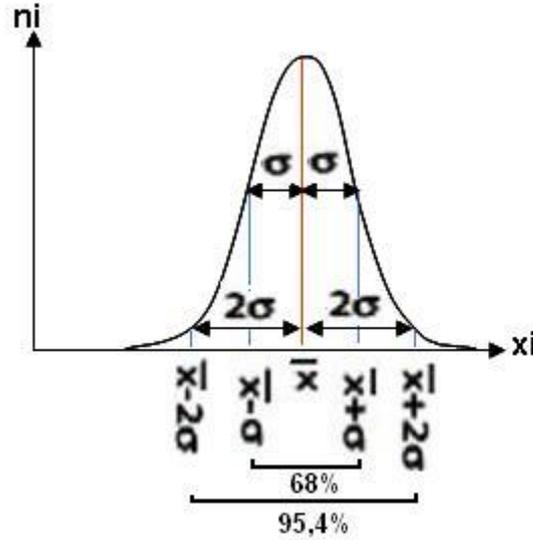
$$\sigma = \sqrt{V}$$

يستعمل الانحراف النمطي والمعدل الحسابي لحساب مجال الثقة الذي يأخذ الدلالات التالية:

في المجال $[\bar{x} - \sigma, \bar{x} + \sigma]$ نجد 68% من أفراد الجماعة

في المجال $[\bar{x} - 2\sigma, \bar{x} + 2\sigma]$ نجد 95,4% من أفراد الجماعة

منحنى Gauss



- معامل التغير: يتم حسابه باستعمال المعادلة التالية:

$$k = \frac{\sigma}{\bar{x}} \cdot 100$$

$k \leq 15\%$ تكون الجماعة متجانسة و التبدد ضعيف

$15\% < k \leq 30\%$ يكون تجانس الجماعة و التبدد متوسطين

$k > 30\%$ تكون الجماعة غير متجانسة و التبدد قوي

تطبيق :

يظهر الجدول التالي نتائج القياس الإحصائي لطول سويقات أزهار جماعة نباتية

73	68	63	58	53	48	طول السويقات ب cm (وسط الفئات) x_i
55	88	150	88	68	40	عدد الأزهار (التردد) n_i

1- حدد معللا جوايك طبيعة التغير المدروس.

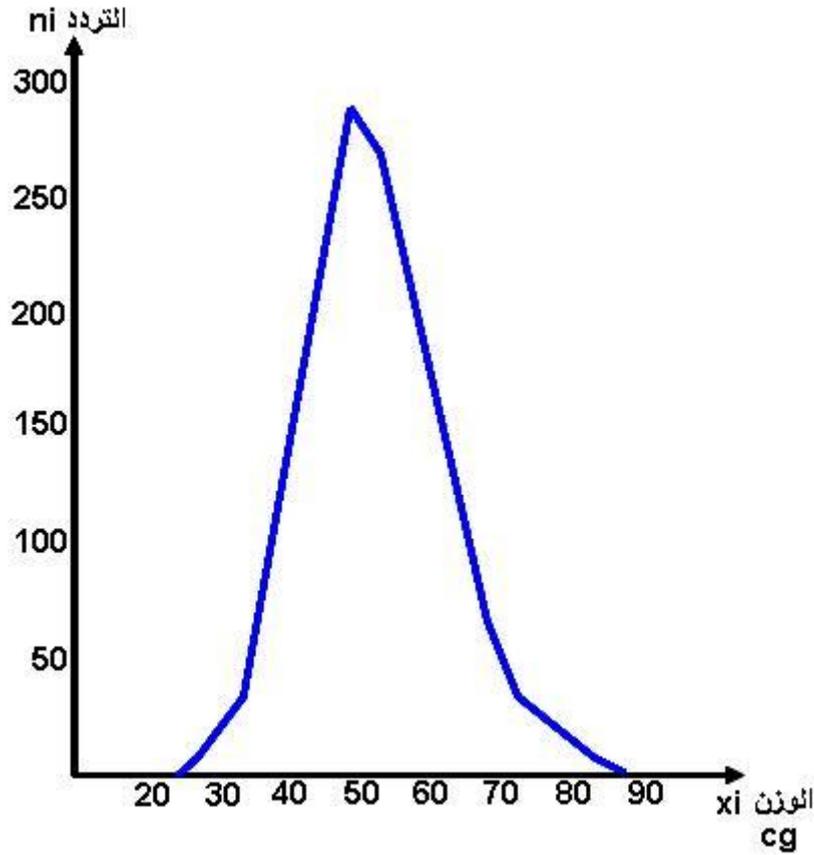
2- أنجز التمثيل البياني لهذا المتغير.

3- أحسب ثابتات الموضع وثابتات التبدد .

4 - ماذا تستنتج؟

IV - الاصطفاء داخل جماعة : تحديد مفهوم السلالة النقية:

يمثل المبيان التالي نتائج القياس الإحصائي لوزن البذور عند جماعة من الفاصوليا:

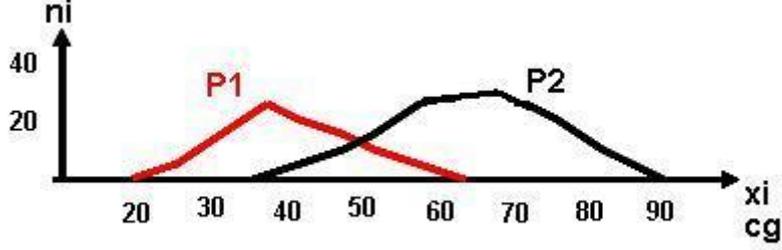


يتبين أن المنحنى المحصل عليه أحادي المنوال مما قد يوحي إلى تجانس هذه الجماعة بالنسبة لصفة الوزن.
 نقوم بانتقاء عينتين من بذور هذه الجماعة: العينة الأولى خفيفة الوزن بين 20 cg و 25 cg والعينة الثانية ثقيلة الوزن بين 85 cg و 90 cg
 نقوم بزرع العينتين في وسطين معزولين عن بعضهما البعض، بحيث تخضع كل عينة بعد الإنبات والازهار، للإخصاب الذاتي
 بعد الإثمار أعطت الدراسة الإحصائية للبذور المحصل عليها، النتائج التالية:

وزن البذور P ₁ ب cg	20] + 25]	25] - 30]	30] - 35]	35] - 40]	40] - 45]	50] - 60]
الترددات	02	07	18	23	20	06

وزن البذور P ₂ ب cg	35] - 40]	40] - 45]	45] - 50]	50] - 55]	55] - 60]	60] - 65]	65] - 70]
الترددات	02	05	09	14	21	22	24

بإنجازنا للتمثيل البياني نحصل على النتائج التالية:



نلاحظ أنه تم الحصول على مصلعين للتردد أحادي المنوال، متفاوتي المنوال فيما بينهما ومع منوال الجماعة P.

إذن فالجماعة P غير متجانسة بالنسبة للصفة المدروسة، وقد حصلنا بعد الانتقاء على جماعتين مختلفتين P1 و P2 كلاهما تشكل سلالة. يكون الانتقاء في هذه الحالة فعالاً لأنه انطلاقاً من السلالة P أمكننا الحصول على سلالتين مختلفتين P1 و P2.

للكشف عن تجانس السلالتين P1 و P2 نكرر نفس التجربة بالنسبة لكل سلالة ونلاحظ النتائج، فإذا حصلنا على نفس المنوال بالنسبة لكل سلالة فسيكون الانتقاء غير فعال (لم تتغير النتائج) ونعتبر السلالات نقية في هذه الحالة.