

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا

الدورة العادية 2014

الموضوع

NS 22

٢٠١٤

٢٠١٤ | ٢٠١٤

٢٠١٤ | ٢٠١٤

٢٠١٤ | ٢٠١٤



المملكة المغربية
وزارة التربية الوطنية
والتكوين المهني

المركز الوطني للتقويم والامتحانات والتوجيه

www.9alami.com

النوع	المادة
الرياضيات	الرياضيات
شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها	العلوم التجريبية

www.9alami.com

تعليمات عامة

- يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؛
- عدد الصفحات: 3 (الصفحة الأولى تتضمن تعليمات ومكونات الموضوع والصفحتان المتبقيتان تتضمنان موضوع الامتحان) ؛
- يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان حسب الترتيب الذي يناسبه ؛
- ينبغي تفادي استعمال اللون الأحمر عند تحرير الأجوبة ؛
- بالرغم من تكرار بعض الرموز في أكثر من تمارين ، فكل رمز مرتبط بالتمرين المستعمل فيه ولا علاقة له بالتمارين السابقة أو اللاحقة .

مكونات الموضوع

- يتكون الموضوع من أربعة تمارين و مسألة مستقلة فيما بينها و تتوزع حسب المجالات كما يلي :

التمرين الأول	ال الهندسة الفضائية	3 نقط
التمرين الثاني	الأعداد العقدية	3 نقط
التمرين الثالث	المتتاليات العددية	3 نقط
التمرين الرابع	حساب الاحتمالات	3 نقط
المسألة	دراسة دالة وحساب التكامل	8 نقط

- بالنسبة لمسألة ، \ln يرمز لدالة اللوغاريتم النبيري

www.9alami.com

الموضوعwww.9alami.comالتمرين الأول : (3 ن)

نعتبر، في الفضاء المنسوب إلى معلم متعمد منظم مباشر $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ ، النقط $A(0, 3, 1)$ و $B(-1, 3, 0)$ و $C(0, 5, 0)$ و الفلكة (S) التي معادتها :

$$x^2 + y^2 + z^2 - 4x - 5 = 0$$

(1) أ- بين أن $\overrightarrow{AB} \wedge \overrightarrow{AC} = 2\vec{i} - \vec{j} - 2\vec{k}$ واستنتج أن النقط A و B و C غير مستقيمية

ب- بين أن $2x - y - 2z + 5 = 0$ هي معادلة ديكارتية للمستوى (ABC)

(2) أ- بين أن مركز الفلكة (S) هو النقطة $(2, 0, 0)$ و أن شعاعها هو 3

ب- بين أن المستوى (ABC) مماس للفلكة (S)

ج- حدد مثُلث إحداثيات H نقطة تمسك المستوى (ABC) و الفلكة (S)

0.75

0.5

0.5

0.75

0.5

التمرين الثاني : (3 ن)

(1) حل في مجموعة الأعداد العقدية C المعادلة :

$$z^2 - z\sqrt{2} + 2 = 0$$

$$u = \frac{\sqrt{2}}{2} + \frac{\sqrt{6}}{2}i$$

أ- بين أن معيار العدد u هو $\sqrt{2}$ و أن $\arg u \equiv \frac{\pi}{3}[2\pi]$

0.5

0.75

ب- باستعمال كتابة العدد u على الشكل المثلثي ، بين أن u^6 عدد حقيقي

(3) نعتبر، في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعمد منظم مباشر $(O, \vec{e}_1, \vec{e}_2)$ ، النقطتين A و B اللتين

لها على التوالي هما a و b بحيث $b = 8 - 4i\sqrt{3}$ و $a = 4 - 4i\sqrt{3}$

ليكن z لحق نقطة M من المستوى و z' لحق النقطة M' صورة M بالدوران R الذي مركزه O و زاويته $\frac{\pi}{3}$

أ- عبر عن z' بدلالة z

0.5

ب- تحقق من أن B هي صورة A بالدوران R و استنتاج أن المثلث OAB متساوي الأضلاع

0.5

التمرين الثالث : (3 ن)

نعتبر المتالية العددية (u_n) المعرفة بما يلي :

$u_{n+1} = \frac{1}{2}u_n + 7$ و $u_0 = 13$ لكل n من IN

(1) بين بالترجع أن $u_n < 14$ لكل n من IN

0.75

(2) لتكن (v_n) المتالية العددية بحيث :

$v_n = 14 - u_n$ لكل n من IN

0.75

2

1

أ- بين أن (v_n) متالية هندسية أساسها $\frac{1}{2}$ ثم اكتب v_n بدلالة n

ب- استنتاج أن $u_n = 14 - \left(\frac{1}{2}\right)^n$ لكل n من IN ثم احسب نهاية المتالية (u_n)

0.75

ج- حدد أصغر قيمة للعدد الصحيح الطبيعي n التي يكون من أجلها $u_n > 13,99$

0.5

www.9alami.com

التمرين الرابع : (3ن)

يحتوي كيس على تسع بيدقات لا يمكن التمييز بينها باللمس وتحمل الأعداد : 0 و 0 و 0 و 1 و 1 و 1
1) نسحب عشوائياً و في آن واحد بيدقتين من الكيس

ليكن A الحدث : "مجموع العدددين اللذين تحملهما اليدقتين المسحوبتين يساوى 1 "

$$p(A) = \frac{5}{9} \quad \text{بين أن}$$

2) تعتبر اللعبة التالية : يسحب سعيد عشوائيا و في آن واحد بيدقتين من الكيس و يعتبر فائزًا إذا سحب بيدقتين تحمل كل واحدة منها العدد 1

أ- بين أن احتمال فوز سعيد هو

1

بـ- لعب سعيد اللعبة السابقة ثلاثة مرات (يعيد سعيد البيدقتين المسحوبيتين إلى الكيس في كل مرة)
ما هو الاحتمال لدى سعيد مرتين بالضبط ؟

ما هو الاحتمال الذي يفوز سعيد مرتين بالضبط؟

المسألة : (8 ن)

1

لتكن g الدالة العددية المعرفة على $[0, +\infty]$ بما يلي :

بين أن $g'(x) = \frac{2}{x^3} + \frac{1}{x}$ لكل x من $]0, +\infty[$ و استنتج أن الدالة g تزايدية على $]0, +\infty[$

(2) تحقق من أن $g(1) = 0$ ثم استنتج أن $g(x) \leq 0$ لـ x من $[0,1]$ و $g(x) \geq 0$ لـ x من $[1,+\infty[$

(II) نعتبر الدالة العددية f المعرفة على $[0, +\infty]$ بما يلي :

و ليكن (C) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعمد منظم (O, \vec{i}, \vec{j}) (الوحدة: 1 cm)

(1) بين أن $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x) = +\infty$ و أول هندسيا النتيجة

أ- احسب (2) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = 0 \quad \text{ثم بين أن } (t = \sqrt{x}) \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{(1 + \ln x)^2}{x} = 0$$

ج- حدد الفرع الالهائي للمنحنى (C) بجوار ∞

(3) أ- بين أن $f'(x) = \frac{2g(x)}{x}$ تناقصية على $[0,1]$ ثم استنتج أن الدالة f تزايدية على $[1, +\infty)$

بـ- ضع جدول تغيرات الدالة f على $]0, +\infty[$ ثم استنتج أن $f(x) \geq 2$ لـ x من $]0, +\infty[$

٤) أنشئ (C) في المعلم (O, i, j) نقطة انعطاف وحيدة تحديدها غير مطلوب

نعتبر التكاملين I و J التاليين : (5)

أ- بين أن دالة أصلية للدالة $H : x \mapsto x \ln x$ على $[0, +\infty]$ هي $h : x \mapsto 1 + \ln x$ ثم استنتج أن $I = e^x$

بـ- باستعمال مكاملة بالأجزاء ، بين أن

ج- احسب ب cm^2 مساحة حيز المستوى المحصور بين المنحني (C) و محور الأفاسيل و المستقيمين

$x = e$ و $x = 1$ معادلاتها هما